

МИНОБРНАУКИ РОССИИ



Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

**«РОССИЙСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ГУМАНИТАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(РГГУ)**

**ИНСТИТУТ ЭКОНОМИКИ, УПРАВЛЕНИЯ И ПРАВА
ФАКУЛЬТЕТ УПРАВЛЕНИЯ
КАФЕДРА МОДЕЛИРОВАНИЯ В ЭКОНОМИКЕ И УПРАВЛЕНИИ**

МАТЕМАТИКА

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Направление подготовки

38.03.04 «Государственное и муниципальное управление»

Направленность (профиль): Государственное и муниципальное управление

Образовательная программа бакалавриата

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения (очная, очно-заочная, заочная)

РПД адаптирована для лиц
с ограниченными возможностями
здоровья и инвалидов

Москва 2019

Математика
Рабочая программа дисциплины
Составитель:
Доцент Е.А. Куренкова

УТВЕРЖДЕНО
Протокол заседания кафедры моделирования в экономике и управлении
№ 1 от 28.08.2019

ОГЛАВЛЕНИЕ

1. Пояснительная записка

- 1.1. Цель и задачи дисциплины
- 1.2. Формируемые компетенции, соотнесённые с планируемыми результатами обучения по дисциплине
- 1.3. Место дисциплины в структуре образовательной программы

2. Структура дисциплины

- 2.1. Структура дисциплины Математика часть1 «Линейная алгебра»
- 2.2. Структура дисциплины Математика часть2 «Математический анализ»

3. Содержание дисциплины

- 3.1. Содержание дисциплины Математика часть1 «Линейная алгебра»
- 3.2. Содержание дисциплины Математика часть2 «Математический анализ»

4. Образовательные технологии

- 4.1. Образовательные технологии Математика часть1 «Линейная алгебра»
- 4.2. Образовательные технологии Математика часть2 «Математический анализ»

5. Оценка планируемых результатов обучения

- 5.1. Система оценивания
 - 5.1.1. Система оценивания для дисциплины Математика часть1 «Линейная алгебра»
 - 5.1.2. Система оценивания для дисциплины Математика часть2 «Математический анализ»
- 5.2. Критерии выставления оценок Математика часть2 «Математический анализ»
- 5.3. Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине
 - 5.3.1. Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине Математика часть1 «Линейная алгебра»
 - 5.3.2. Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине Математика часть2 «Математический анализ»

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

- 6.1. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины Математика часть1 «Линейная алгебра»
 - 6.1.1. Список источников и литературы
 - 6.1.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»
- 6.2. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины Математика часть2 «Математический анализ»
 - 6.2.1. Список источников и литературы
 - 6.2.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины

8. Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья

9. Методические материалы

- 9.1. Методические материалы для дисциплины Математика часть1 «Линейная алгебра»
 - 9.1.1. Планы практических (семинарских) занятий
 - 9.1.2. Методические рекомендации по подготовке письменных работ
- 9.2. Методические материалы для дисциплины Математика часть2 «Математический анализ»
 - 9.2.1. Планы практических (семинарских) занятий
 - 9.2.2. Методические рекомендации по подготовке письменных работ

Приложения

- Приложение 1. Аннотация дисциплины
- Приложение 2. Лист изменений

1. Пояснительная записка

1.1 Цель и задачи дисциплины

Цель дисциплины –обеспечить общематематическую подготовку студентов, необходимую для освоения математических и статистических методов в управлении и экономике; выработать у студентов навыки логического мышления и формального обоснования принимаемых решений.

Задачи дисциплины: - изучение основ математического аппарата; формирование навыков решения типовых математических задач; развитие логического и алгоритмического мышления, умения строго излагать свои мысли; выработка навыков математического исследования теоретических и практических задач экономики и управления; формирование навыков выбора математического инструментария для построения моделей экономических процессов, анализа результатов расчетов и обоснования полученных выводов.

1.2. Формируемые компетенции, соотнесённые с планируемыми результатами обучения по дисциплине:

Коды компетенции	Содержание компетенций	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине
ОК-7	Способность к самоорганизации и самообразованию	<p><i>Знать:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> - основные определения, понятия и методы изучаемых разделов «Линейной алгебры» - методы анализа и решения систем линейных уравнений - методы решения равновесных моделей экономики; - основы «Математического анализа»: теорию пределов и непрерывности, дифференциальное и интегральное исчисления, методы исследования функций одной и двух переменных <p><i>Уметь:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> - формулировать основные результаты изучаемых разделов; - решать типовые математические задачи указанных разделов, а также применять полученные знания к исследованию прикладных задач экономики и управления; <p><i>Владеть:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> - навыками применения современного математического инструментария для решения задач управления; - методикой построения, анализа и применения математических моделей

		для оценки состояния и прогноза развития экономических явлений и процессов управления; - навыками применения современного математического инструментария для решения управленческих задач.
--	--	---

1.3. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Математика» относится к базовой части блока дисциплин учебного плана образовательной программы по направлению подготовки 38.03.04 - «Государственное и муниципальное управление» и проводится во 2 и 3 семестрах.

Дисциплина «Математика» состоит из двух частей: Математика часть1 «Линейная алгебра» и Математика часть2 - «Математический анализ», Математика часть1 - «Линейная алгебра» проводится во 2 семестре, Математика часть2 - «Математический анализ» проводится в 3 семестре.

Рабочей программой дисциплины предусмотрены следующие виды контроля: текущий контроль успеваемости в форме 5-ти контрольных работ, промежуточная аттестация в форме экзамена во 2 и зачета в 3 семестрах. Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет 5 зачетных единиц, 180 часов

В результате освоения дисциплины «Математика» формируются знания, умения и владения, необходимые для изучения следующих дисциплин: «Основы математического моделирования социально-экономических процессов», «Системный анализ в государственном управлении».

2. Структура дисциплины

2.1 Структура дисциплины Математика часть1. «Линейная алгебра»

Структура дисциплины Математика часть1. «Линейная алгебра» для очной формы обучения

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 з. е., 108 ч., в том числе контактная работа обучающихся с преподавателем 42 ч., самостоятельная работа обучающихся 66 ч.

№ п/п	Раздел дисциплины/темы	Семестр	Виды учебной работы (в часах)						Формы текущего контроля успеваемости, форма промежуточной аттестации (<i>по семестрам</i>)
			контактная					Самостоятель- ная работа	
			Лекции	Семинар	Практические занятия	Лабораторные занятия	Промежуточ- ная аттестация		
1	Системы линейных уравнений. Метод Гаусса.	2	1	2				6	Разбор и решение задач по теме.
2	Матрицы. Операции над матрицами.	2	1	2				6	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
3	Определитель матрицы. Миноры. Алгебраические дополнения.	2	2	2				6	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
4	Обратные матрицы. Метод Крамера	2	2	4				6	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий. Контрольная работа №1
5	Ранг матрицы.	2	2	2				4	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
6	Общий метод	2	2	4					Разбор и

	решения системы линейных уравнений.						6	решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий. Контрольная работа №2
7	Элементы Аналитической Геометрии.	2	1	1			8	Разбор и решение задач по теме.
8	Элементы векторной алгебры	2	1	1			8	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
9	Линейные векторные пространства.	2	1	2			4	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
10	Линейные операторы	2	1	2			4	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
11	Собственные числа и собственные векторы	2	2	4			8	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий Контрольная работа №3
	<i>зачет</i>							Итоговая контрольная работа; Коллоквиум по теоретическому материалу.
	итоги:		16	26			66	

Структура дисциплины Математика часть 1. «Линейная алгебра» для очной – заочной формы обучения

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 з. е., 108 ч., в том числе контактная работа обучающихся с преподавателем 30 ч., самостоятельная работа обучающихся 78 ч.

№ п/п	Раздел дисциплины/темы	Семестр	Виды учебной работы (в часах)						Формы текущего контроля успеваемости, форма промежуточной аттестации (<i>по семестрам</i>)
			контактная					Самостоятель- ная работа	
			Лекции	Семинар	Практические занятия	Лабораторные занятия	Промежуточ- ная аттестация		
1	Системы линейных уравнений. Метод Гаусса.	2	1	2				10	Разбор и решение задач по теме.
2	Матрицы. Операции над матрицами.	2	2	2				8	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
3	Определитель матрицы. Миноры. Алгебраические дополнения.	2	1	2				10	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
4	Обратные матрицы. Метод Крамера	2	2	2				10	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий. Контрольная работа №1
5	Ранг матрицы.	2	2	2				8	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
6	Общий метод решения системы линейных уравнений.	2	2	2				10	Разбор и решение задач по теме. Проверка

									выполнения домашних заданий.
7	Элементы Аналитической Геометрии.	2	2	2				7	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
8	Элементы векторной алгебры	2	2	2				7	Разбор и решение задач по теме. Итоговая контрольная работа №2.
	<i>зачет</i>							8	Итоговая контрольная работа; Коллоквиум по теоретическому материалу.
	итого:		14	16				78	

Структура дисциплины Математика часть1. «Линейная алгебра» для заочной формы обучения

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 з. е., 108 ч., в том числе контактная работа обучающихся с преподавателем 12 ч., самостоятельная работа обучающихся 96 ч.

№ п/п	Раздел дисциплины/темы	Семестр	Виды учебной работы (в часах)						Формы текущего контроля успеваемости, форма промежуточной аттестации (по семестрам)
			контактная					Самостоятель- ная работа	
			Лекции	Семинар	Практические занятия	Лабораторные занятия	Промежуточ- ная аттестация		
1	Системы линейных уравнений. Метод Гаусса.	2	0,5	1				10	Разбор и решение задач по теме.
2	Матрицы. Операции над матрицами.	2	0,5	1				10	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
3	Определитель матрицы. Миноры. Алгебраические дополнения.	2	0,5	1				10	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
4	Обратные матрицы. Метод Крамера	2	0,5	1				12	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий. Контрольная работа №1
5	Ранг матрицы.	2	0,5	1				10	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.

2.2. Структура дисциплины Математика часть2. «Математический анализ»

Структура дисциплины Математика часть2. «Математический анализ» для очной формы обучения

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 з. е., 72 ч., в том числе контактная работа обучающихся с преподавателем 28 ч., самостоятельная работа обучающихся 44 ч.

№ п/п	Раздел дисциплины/темы	Семестр	Виды учебной работы (в часах)						Формы текущего контроля успеваемости, форма промежуточной аттестации (<i>по семестрам</i>)
			контактная					Самостоятель- ная работа	
			Лекции	Семинар	Практические занятия	Лабораторные занятия	Промежуточ- ная аттестация		
1	Элементы теории множеств	3	1	1				2	Разбор и решение задач по теме.
2	. Функция одной переменной. Основные понятия.	3	1	1				2	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
3	. Числовые последовательности. Предел функции одной переменной.	3	2	1				6	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
4	Непрерывность функции одной переменной.	3	2	3				4	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий. Контрольная работа №1.

5	Производная и дифференциал функции одной переменной. Исследование функции одной переменной и построение графиков	3	2	4			6	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий. Контрольная работа №2.
6	Функции нескольких переменных. Основные понятия производные и дифференциалы функции нескольких переменных. Экстремумы функции двух переменных.	3	2	2			6	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
7	Первообразная и неопределенный интеграл.	3	2	1			6	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
8	Определенный интеграл. Несобственные интегралы.	3	2	1			4	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий. Контрольная работа №2
	<i>зачет</i>						8	Итоговая контрольная работа;
	итоги:		14	14			44	

**Структура дисциплины Математика часть 2. «Математический анализ»
для очно–заочной формы обучения**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 з. е., 72 ч., в том числе контактная работа обучающихся с преподавателем 20 ч., самостоятельная работа обучающихся 52 ч.

№ п/п	Раздел дисциплины/темы	Семестр	Виды учебной работы (в часах)						Формы текущего контроля успеваемости, форма промежуточной аттестации (<i>по семестрам</i>)
			контактная					Самостоятель- ная работа	
			Лекции	Семинар	Практические занятия	Лабораторные занятия	Промежуточ- ная аттестация		
1	Элементы теории множеств	3	1	1				2	Разбор и решение задач по теме.
2	. Функция одной переменной. Основные понятия.	3	1	1				2	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
3	. Числовые последовательности. Предел функции одной переменной.	3	1	1				6	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
4	Непрерывность функции одной переменной.	3	1	2				4	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
5	Производная и дифференциал функции одной переменной. Исследование функции одной переменной и построение графиков	3	1	2				6	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий Контрольная работа №1.
6	Функции	3	1	1					Разбор и

	нескольких переменных. Основные понятия производные и дифференциалы функции нескольких переменных. Экстремумы функции двух переменных.						4	решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий. Контрольная работа №2
7	Первообразная и неопределенный интеграл. .	3	1	2			8	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
8	Определенный интеграл. Несобственные интегралы.	3	1	2			8	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий. Контрольная работа №2
	<i>зачет</i>						12	Итоговая контрольная работа; Коллоквиум по теоретическому материалу.
	итого:		8	12			52	

**Структура дисциплины Математика часть2. «Математический анализ»
для заочной формы обучения**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 з. е., 72 ч., в том числе контактная работа обучающихся с преподавателем 8 ч., самостоятельная работа обучающихся 64 ч.

№ п/п	Раздел дисциплины/темы	Семест	Виды учебной работы (в часах)		Формы текущего контроля
			контактная	○	

			Лекции	Семинар	Практические занятия	Лабораторные занятия	Промежуточная аттестация		успеваемости, форма промежуточной аттестации (по семестрам)
1	Элементы теории множеств. Функция одной переменной. Основные понятия.	3	1	2				10	Разбор и решение задач по теме.
2	Числовые последовательности. Предел функции одной переменной. Непрерывность функции одной переменной.	3	0,25	1				10	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
3	Производная и дифференциал функции одной переменной. Исследование функции одной переменной и построение графиков	3	0,25	1				10	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий Контрольная работа №1.
4	Функции нескольких переменных. Основные понятия производные и дифференциалы функции нескольких переменных. Экстремумы функции двух переменных.	3	0,25	1				10	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
5	Первообразная и неопределенный интеграл. Определенный интеграл. Несобственные интегралы.	3	0,25	1				12	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий. Контрольная работа №2
	зачет							12	Итоговая контрольная работа; Коллоквиум по теоретическому материалу.
	итого:		2	6				64	

3. Содержание дисциплины

3.1. Содержание дисциплины Математика часть1. «Линейная алгебра»

№	Наименование раздела дисциплины	Содержание
1	Системы линейных уравнений. Метод Гаусса.	Системы линейных уравнений: определение, примеры. Свойства систем уравнений: совместность, несовместность, определенность, неопределенность. Частные и общие решения. Эквивалентность систем, элементарные преобразования, сохраняющие эквивалентность систем. Метод исключения неизвестных (метод Гаусса).
2	Матрицы. Операции над матрицами.	Матрицы. Определение, примеры. Операции над матрицами, особенности алгебры матриц. Матричный полином. Основные свойства операций над матрицами. Некоммутативность умножения матриц. Транспонирование матриц.
3	Определитель матрицы. Миноры. Алгебраические дополнения.	Определители квадратных матриц: определение и основные свойства. Определитель матрицы 2, 3-го порядка. Правило «треугольников» (правило Звезды). Перестановки. Общая формула для вычисления определителей n-го порядка. Миноры и алгебраические дополнения. Теорема Лапласа.
4	Обратные матрицы. Метод Крамера.	Обратные матрицы. Единственность Обратной матрицы. Свойства Обратной матрицы. Нахождение присоединенной матрицы. Алгоритм построения Обратной матрицы. Решение систем линейных уравнений методом Обратной матрицы. Метод Крамера.
5	Ранг матрицы.	Ранг матрицы. Базисный минор матрицы. Теорема о ранге матрицы и ее следствия. Нахождение ранга ступенчатой матрицы. Нахождение ранга расширенной матрицы системы линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли.
6	Общий метод решения системы линейных уравнений.	Однородные и неоднородные системы линейных уравнений. Исследование систем линейных уравнений. Решение неопределенных систем линейных уравнений. Базисные и свободные неизвестные. Свойства множеств решений однородных и неоднородных систем. Структура общего решения неоднородной системы.

7	Элементы Аналитической Геометрии.	Аналитическая геометрия на плоскости. Прямоугольная система координат. Расстояние между двумя точками. Деление отрезка в данном отношении. Формула площади треугольника. Уравнение прямой на плоскости (различные формы). Определение угла между двумя прямыми. Условие перпендикулярности, условие параллельности прямых. Косоугольная система координат. Полярная система координат. Уравнение линии (кривой) 2-го порядка на плоскости.
8	Элементы векторной алгебры	Определение вектора. Векторная алгебра. Условие коллинеарности и компланарности векторов. Скалярное произведение векторов. Условие ортогональности векторов. Аналитическая геометрия в пространстве. Уравнение прямой в пространстве (различные формы). Общее уравнение плоскости. Определение угла между двумя плоскостями. Условие перпендикулярности, условие параллельности плоскостей
9	Линейные векторные пространства.	Векторные пространства: определение, примеры. Линейно зависимые системы векторов и их свойства. Линейно независимые системы векторов и их свойства. Базис системы векторов. Ортонормированный базис. Разложение любого вектора по базису. Ранг системы векторов. n -мерные линейные пространства. Введение метрики. Свойства скалярного произведения.
10	Линейные операторы.	Линейные преобразования (операторы). Определения, примеры. Связь матриц Линейного оператора в различных базисах. Характеристическое уравнение матрицы Линейного преобразования.
11	Собственные числа и собственные векторы	Собственные значения и собственные вектора матрицы Линейного преобразования. Свойства собственных чисел и собственных векторов матрицы преобразования. Задача о нахождении равновесного вектора цен в Линейной Модели Обмена. Задача о нахождении равновесного вектора национальных доходов в Модели Международной бездефицитной торговли.

3.2. Содержание дисциплины Математика часть2. «Математический анализ»

№	Наименование раздела дисциплины	Содержание
1	Элементы теории множеств	Введение: предмет математического анализа и его роль в экономической теории. Основные понятия теории множеств. Элементы логической символики. Операции над множествами. Диаграммы Эйлера–Венна. Числовые множества. Числовые промежутки. Абсолютная величина вещественного числа. Окрестность точки.
2	. Функция одной переменной. Основные понятия.	Понятие функции одной переменной: область определения, область значений, способы задания. Производственные функции. Основные характеристики: четность/нечетность, монотонность, ограниченность. Обратная функция. Сложная функция. Основные элементарные функции и их графики. Преобразование графиков.
3	Числовые последовательности. Предел функции одной переменной.	Понятие числовой последовательности, способы задания. Основные характеристики: монотонность, ограниченность, сходимости. Предел последовательности: определение, геометрический смысл. Предел функции на бесконечности. Предел функции в точке (по Коши, по Гейне). Односторонние пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Связь между функцией, ее пределом и бесконечно малой функцией. Арифметические свойства пределов. Теоремы о переходе к пределу в неравенствах. Признаки существования пределов. Вычисление пределов алгебраических выражений. Замечательные пределы и их следствия. Число e как предел последовательности. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции.
4	Непрерывность функции одной переменной.	Непрерывность функции в точке. Непрерывность функции в интервале и на отрезке. Точки разрыва и их классификации. Основные теоремы о непрерывных функциях. Непрерывность элементарных функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке: ограниченность, достижение наибольшего и наименьшего значений, промежуточного значения.

5	<p>Производная и дифференциал функции одной переменной. Исследование функции одной переменной и построение графиков</p>	<p>Понятие производной функции одной переменной, механический и геометрический смысл. Уравнения касательной и нормали к кривой. Дифференцируемость функции в точке и на множестве. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции. Производные основных элементарных функций. Производная суммы, разности, произведения, частного двух функций. Производная сложной и обратной функции. Производные высших порядков. Логарифмическое дифференцирование. Дифференцирование неявно заданных функций. Дифференциал функции, геометрический смысл. Инвариантность формы полного дифференциала. Применение дифференциала к приближенным вычислениям. Теоремы о средних значениях дифференцируемых функций: Ролля (о корнях производной), Лагранжа (о конечных приращениях), Коши (об отношении приращений двух функций). Правило Лопиталя–Бернулли. Формула Тейлора для многочлена. Формулы Тейлора для функции. Разложение элементарных функций по формуле Маклорена.</p> <p>Условия возрастания и убывания функции. Необходимые и достаточные признаки экстремума функции. Задача максимизации прибыли фирмы. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. Условия выпуклости и вогнутости функции. Точки перегиба. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функции и построения графика.</p>
6	<p>Функции нескольких переменных. Основные понятия производные и дифференциалы функции нескольких переменных. Экстремумы функции двух переменных.</p>	<p>Понятие о метрическом пространстве. Характеристики области: открытая/замкнутая, ограниченная/неограниченная, связная/несвязная, выпуклая/невыпуклая. Понятие функции нескольких переменных: область определения, способы задания. Линия и поверхности уровня. Предел и непрерывность функции двух переменных. Свойства функций, непрерывных в ограниченной замкнутой области.</p> <p>Частные производные и их геометрический смысл. Частные производные высших порядков. Дифференцируемость и полный дифференциал функции. Применение полного дифференциала к приближенным вычислениям. Производная сложной функции. Полная производная. Производная по направлению. Градиент.</p>

		Основные понятия. Необходимые и достаточные условия локального экстремума. Метод наименьших квадратов. Наибольшее и наименьшее значение функции в замкнутой области. Условный экстремум.
7	Первообразная и неопределенный интеграл.	Понятие первообразной и неопределенного интеграла. Свойства неопределенного интеграла. Таблица основных неопределенных интегралов. Основные методы интегрирования: метод непосредственного интегрирования, метод замены переменной, подведение под знак дифференциала, метод интегрирования по частям, интегрирование рациональных дробей.
8	Определенный интеграл. Несобственные интегралы.	Определенный интеграл как предел интегральной суммы. Геометрический смысл определенного интеграла. Свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Интеграл с переменным верхним пределом. Методы вычисления определенного интеграла. Приложения определенного интеграла, вычисление площади плоской фигуры. Интеграл с бесконечным промежутком интегрирования (первого рода). Интеграл от разрывной функции (второго рода). Определения, геометрический смысл, признаки сравнения.

4. Образовательные технологии

При реализации программы дисциплины «Математика» используются различные методы изложения лекционного материала в зависимости от конкретной темы – подготовительная лекция, лекции с применением техники обратной связи, лекция-беседа. С целью проверки усвоения студентами необходимого теоретического минимума, проводятся экспресс - тесты по лекционному материалу в письменной форме.

Семинарские занятия предназначены для освоения и закрепления теоретического материала, изложенного на лекциях. Семинарские занятия направлены на приобретение навыка решения конкретных задач, расчетов на основе имеющихся теоретических и фактических знаний.

На коллоквиумах обсуждаются теоретические вопросы изучаемого курса.

Консультации представляют собой своеобразную форму проведения лекционных занятий, основным содержанием которых является разъяснение отдельных, часто наиболее сложных или практически значимых вопросов изучаемой программы.

Самостоятельная работа студентов направлена на закрепление полученных навыков и на приобретение новых теоретических и фактических знаний, выполняется в читальном зале библиотеки и в домашних условиях, подкрепляется учебно-методическим и информационным обеспечением (учебники, учебно-методические пособия, конспекты лекций, электронный курс лекций).

Для активизации образовательной деятельности с целью формирования и развития профессиональных навыков обучающихся, используются формы проблемного, контекстного, индивидуального и междисциплинарного обучения.

В период временного приостановления посещения обучающимися помещений и территории РГТУ. для организации учебного процесса с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий могут быть использованы следующие образовательные технологии:

- видео-лекции;
- онлайн-лекции в режиме реального времени;
- электронные учебники, учебные пособия, научные издания в электронном виде и доступ к иным электронным образовательным ресурсам;
- системы для электронного тестирования;
- консультации с использованием телекоммуникационных средств.

4.1. Образовательные технологии для дисциплины Математика часть1. «Линейная алгебра»

№ п/п	Наименование раздела	Виды учебных занятий	Образовательные технологии
1	2	3	4
1	Системы линейных уравнений. Метод Гаусса.	Лекция 1	Вводная лекция
		семинарское занятие 1	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Подготовка к занятию с использованием электронного курса лекций. Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
2	Матрицы. Операции над матрицами.	Лекция 2	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 3	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Подготовка к занятию с использованием электронного курса лекций. Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
3	Определитель матрицы. Миноры. Алгебраические дополнения.	Лекция 1	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 1	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Подготовка к занятию с использованием электронного курса лекций. Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
4	Обратные матрицы. Метод Крамера.	Лекция 3	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 4	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Подготовка к занятию с использованием электронного курса лекций. Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты

5	Ранг матрицы.	Лекция 4	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 6	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Подготовка к занятию с использованием электронного курса лекций. Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
6	Общий метод решения системы линейных уравнений.	Лекция 5	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 7	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Подготовка к занятию с использованием электронного курса лекций. Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
7	Элементы Аналитической Геометрии.	Лекция 6	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 9	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Подготовка к занятию с использованием электронного курса лекций. Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
8	Элементы векторной алгебры	Лекция 6	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 9	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Подготовка к занятию с использованием электронного курса лекций. Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
9	Линейные векторные пространства.	Лекция 7	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 10	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Подготовка к занятию с использованием электронного курса лекций. Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
10	Линейные операторы.	Лекция 7	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 10	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Подготовка к занятию с использованием электронного курса

			лекций. Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
11	Собственные числа и собственные векторы	Лекция 8	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 11	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Подготовка к занятию с использованием электронного курса лекций. Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты

4.2. Образовательные технологии для дисциплины Математика часть2. «Математический анализ»

№ п/п	Наименование раздела	Виды учебных занятий	Образовательные технологии
1	2	3	4
1	Элементы теории множеств	Лекция 1	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 1	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
2	. Функция одной переменной. Основные понятия.	Лекция 1	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 1	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
3	Числовые последовательности. Предел функции одной переменной.	Лекция 2	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 2	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
4	Непрерывность функции одной переменной.	Лекция 2	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 2	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
5	Производная и дифференциал функции одной переменной.	Лекция 3	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское	Развернутая дискуссия

	Исследование функции одной переменной и построение графиков	занятие 4	
		Самостоятельная работа	Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
6	Функции нескольких переменных. Основные понятия производные и дифференциалы функции нескольких переменных. Экстремумы функции двух переменных.	Лекция 4	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 6	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
7	Первообразная и неопределенный интеграл.	Лекция 5	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 7	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
8	Определенный интеграл. Несобственные интегралы.	Лекция 6	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		семинарское занятие 7	Развернутая дискуссия
		Самостоятельная работа	Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты

5. Оценка планируемых результатов обучения

5.1. Система оценивания

В процессе изучения дисциплины проводится рейтинговый контроль знаний бакалавров в соответствии с Положением РГГУ о его проведении. Он предполагает учет результатов написания контрольной работы, результатов самостоятельной работы по выполнению домашних заданий, а также степени участия бакалавров в дискуссиях, при обсуждении проблемных вопросов на семинарских занятиях.

5.1.1. Система оценивания успеваемости студента очной формы обучения по дисциплине Математика часть 1. «Линейная алгебра»

Общая оценка успеваемости студента очной формы обучения по дисциплине

Математика часть 1. «Линейная алгебра» выставляется за совокупный результат: активного участия студента в семинарских занятиях, регулярного выполнения домашних заданий, написания экспресс - тестов по лекционному материалу (максимальное количество баллов – 13);

выполнения Контрольной работы №1 (максимальное количество баллов – 20);

выполнения Контрольной работы №2 (максимальное количество баллов – 12);

выполнения Контрольной работы №3 (максимальное количество баллов – 40);

подготовленности к Коллоквиуму по теоретическому материалу в письменно-устной форме (максимальное количество баллов - 15);

Вид работы	Баллы
Экспресс - тесты по лекционному материалу. Активность на семинарах, выполнение домашнего задания.	13

Контрольная работа №1	20
Контрольная работа №2	12
Контрольная работа №3	40
Коллоквиум по теоретическому материалу.	15

Максимально возможная сумма баллов, набираемых студентом в течение семестра, составляет - 100 баллов.

Контрольная работа №1, Контрольная работа №2 и Контрольная работа №3 (текущий контроль) содержат типовые задания по ключевым темам дисциплины и проводятся в течение семестра после изучения соответствующего теоретического материала.

Каждый студент получает индивидуальный вариант Контрольных работ.

Коллоквиум по теоретическому материалу проводится в конце Семестра.

5.1.2. Система оценивания успеваемости студента очной формы обучения по дисциплине Математика часть2. «Математический анализ».

Общая оценка успеваемости студента очной формы обучения по дисциплине Математика часть2. «Математический анализ» выставляется за совокупный результат:

активного участия студента в семинарских занятиях, регулярного выполнения домашних заданий, написания экспресс - тестов по лекционному материалу (максимальное количество баллов – 20);

выполнения Контрольной работы №1 (максимальное количество баллов – 20);

выполнения Контрольной работы №2 (максимальное количество баллов – 20);

выполнения Итоговой контрольной работы (максимальное количество баллов – 40);

Вид работы	Баллы
Экспресс - тесты по лекционному материалу. Активность на семинарах, выполнение домашнего задания.	20
Контрольная работа №1	20
Контрольная работа №2	20
Итоговая контрольная работа	40

Максимально возможная сумма баллов, набираемых студентом в течение семестра, составляет - 100 баллов.

Контрольная работа №1, Контрольная работа №2 и Итоговая контрольная работа (текущий контроль) содержат типовые задания по ключевым темам дисциплины и проводятся в течение семестра после изучения соответствующего теоретического материала.

Каждый студент получает индивидуальный вариант Контрольных работ.

Полученный совокупный результат конвертируется в традиционную шкалу оценок и в шкалу оценок Европейской системы переноса и накопления кредитов (European Credit Transfer System; далее – ECTS) в соответствии с таблицей:

100-балльная шкала	Традиционная шкала		Шкала ECTS
95 – 100	отлично хорошо удовлетворительно	зачтено	A
83 – 94			B
68 – 82			C
56 – 67			D
50 – 55	неудовлетворительно	не зачтено	E
20 – 49			FX
0 – 19			F

5.2. Критерии выставления оценки по дисциплине

Баллы/ Шкала ECTS	Оценка по дисциплине	Критерии оценки результатов обучения по дисциплине
100-83/ A,B	«отлично»/ «зачтено (отлично)»/ «зачтено»	<p>Выставляется обучающемуся, если он глубоко и прочно усвоил теоретический и практический материал, может продемонстрировать это на занятиях и в ходе промежуточной аттестации.</p> <p>Обучающийся исчерпывающе и логически стройно излагает учебный материал, умеет увязывать теорию с практикой, справляется с решением задач профессиональной направленности высокого уровня сложности, правильно обосновывает принятые решения.</p> <p>Свободно ориентируется в учебной и профессиональной литературе.</p> <p>Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации.</p> <p>Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – «высокий».</p>
82-68/ C	«хорошо»/ «зачтено (хорошо)»/ «зачтено»	<p>Выставляется обучающемуся, если он знает теоретический и практический материал, грамотно и по существу излагает его на занятиях и в ходе промежуточной аттестации, не допуская существенных неточностей.</p> <p>Обучающийся правильно применяет теоретические положения при решении практических задач профессиональной направленности разного уровня сложности, владеет необходимыми для этого навыками и приёмами.</p> <p>Достаточно хорошо ориентируется в учебной и профессиональной литературе.</p> <p>Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации.</p> <p>Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – «хороший».</p>
67-50/ D,E	«удовлетвори- тельно»/ «зачтено (удовлетвори- тельно)»/ «зачтено»	<p>Выставляется обучающемуся, если он знает на базовом уровне теоретический и практический материал, допускает отдельные ошибки при его изложении на занятиях и в ходе промежуточной аттестации.</p> <p>Обучающийся испытывает определённые затруднения в применении теоретических положений при решении практических задач профессиональной направленности стандартного уровня сложности, владеет необходимыми для этого базовыми навыками и приёмами.</p> <p>Демонстрирует достаточный уровень знания учебной</p>

Баллы/ Шкала ECTS	Оценка по дисциплине	Критерии оценки результатов обучения по дисциплине
		литературы по дисциплине. Оценка по дисциплине выставляются обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации. Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – «достаточный».
49-0/ F,FX	«неудовлетворительно»/ не зачтено	Выставляется обучающемуся, если он не знает на базовом уровне теоретический и практический материал, допускает грубые ошибки при его изложении на занятиях и в ходе промежуточной аттестации. Обучающийся испытывает серьёзные затруднения в применении теоретических положений при решении практических задач профессиональной направленности стандартного уровня сложности, не владеет необходимыми для этого навыками и приёмами. Демонстрирует фрагментарные знания учебной литературы по дисциплине. Оценка по дисциплине выставляются обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации. Компетенции на уровне «достаточный», закреплённые за дисциплиной, не сформированы.

5.3. Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине.

5.3.1. Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине Математика часть1. «Линейная алгебра»

При оценивании экспресс-теста и участия в дискуссии на семинарском занятии учитываются:

- степень раскрытия темы выступления (0-2 балла)
- знание содержания обсуждаемых проблем, умение использовать ранее изученный теоретический материал и терминологию (0-2 балла).

Контрольные работы (текущий контроль) содержат типовые задания по ключевым практическим аспектам укрупненных тематик дисциплины и проводятся в течение семестра после их изучения.

Контрольная работа №1 и №3 содержат по 5 заданий. Контрольная работа №2 содержат 3 задания.

При проведении Коллоквиума студент должен ответить на 2 вопроса теоретического характера.

При оценивании ответа на вопрос теоретического характера учитывается:

- теоретическое содержание освоено не полностью, знание материала носит фрагментарный характер, имеются явные ошибки в ответе (до 5 баллов);
- теоретическое содержание освоено частично, допущено не более двух-трех недочетов (до 10 баллов);
- теоретическое содержание освоено почти полностью, допущено не более одного-двух недочетов (до 15 баллов);

Перечень тем Контрольных работ (в письменной форме) по курсу дисциплины Математика часть 1. «Линейная алгебра»

Контрольная работа №1.

Вычисление матричного полинома.

Вычисление определителей.

Решение определенных систем линейных уравнений 3-го порядка

а) методом Гаусса

в) методом нахождения Обратной матрицы.

с) методом Крамера.

Контрольная работа №2

Матричные уравнения.

Исследование систем линейных уравнений.

Решение неопределенных систем линейных уравнений.

Контрольная работа №3

1. Собственные значения Матрицы Линейного преобразования.

2. Собственные векторы Матрицы Линейного преобразования.

3. Базис системы векторов. Линейная зависимость векторов.

4. Уравнение прямой на плоскости (различные формы). Определение угла между двумя прямыми. Условие перпендикулярности, параллельности прямых.

5. Векторная Алгебра. Расстояние между двумя точками. Деление отрезка в данном отношении. Формула площади треугольника.

Перечень примерных вариантов Контрольных работ по курсу дисциплины Математика часть 1. «Линейная алгебра»

Контрольная работа №1

1. Вычислить матричный полином $P(A)$, где $p(x) = x^2 - 3x + 9$,

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 5 & -1 \end{pmatrix}.$$

2. Решить систему уравнений методом Гаусса (исключения неизвестных)

$$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 + x_3 = 5 \\ -x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 5 \\ 5x_1 - x_2 - 2x_3 = 5 \end{cases}$$

3. Посчитать Определитель матрицы системы из п.4

а) по Правилу Звезды (Правилу Треугольников)

в) разложением Определителя по строке (столбцу)

4. Решить систему уравнений с помощью обратной матрицы

(Выписать Определитель системы, все Алгебраические дополнения, Присоединенную матрицу системы).

$$\begin{cases} -x_1 + x_2 + 2x_3 = 3 \\ 4x_1 - 5x_2 + 7x_3 = 15 \\ 2x_1 - 3x_2 + 6x_3 = 11 \end{cases}$$

5. Решить систему уравнений из п.4 по правилу Крамера

Контрольная работа №2

1. Решить матричное уравнение:

$$X \begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 8 & 5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$$

2. Исследовать систему линейных уравнений на совместность и неопределенность, не решая ее.

$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 + x_3 = -1 \\ 3x_1 + x_2 - 4x_3 = 11 \\ 4x_1 - x_2 - 3x_3 = 8 \end{cases}$$

3. Исследовать систему линейных уравнений. Если она совместна, указать базисный минор, базисные и свободные переменные. Решить систему методом Крамера. Выписать общее и одно частное решение.

$$\begin{cases} 4x_1 + x_2 - x_3 + 3x_4 = 8 \\ x_1 - 3x_2 + 3x_3 - x_4 = 5 \\ 3x_1 + 4x_2 - 4x_3 + 4x_4 = 3 \end{cases}$$

Контрольная работа №3

1. Найти корни характеристического уравнения, т.е. собственные числа матрицы

$$A = \begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$$

2. Найти собственные векторы матрицы A из п.1
 3. Определить, является ли данная совокупность векторов линейно зависимой. Найти базис данной системы векторов и разложение каждого из векторов данной совокупности в этом базисе.

$$\vec{a}_1 = \begin{pmatrix} 3 \\ -1 \\ 5 \end{pmatrix}, \vec{a}_2 = \begin{pmatrix} 4 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}, \vec{a}_3 = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ -2 \end{pmatrix}, \vec{a}_4 = \begin{pmatrix} 5 \\ 5 \\ 5 \end{pmatrix}.$$

4. Найти уравнение прямой, проходящей через точку пересечения прямых L1 и L2. и параллельной (перпендикулярности) прямой L3. Найти угол между прямыми L1 и L2.

$$L1: x - 4y + 1 = 0$$

$$L2: 2x + y - 7 = 0$$

$$L3: 3x + 2y - 5 = 0$$

5. В треугольнике ABC с вершинами A (1, 3), B (9, -3), C(-2, -1) найти: длины векторов AB и AC, длину медианы AM, уравнение высоты AR, уравнение биссектрисы AD, площадь треугольника ABC.

Перечень Контрольных вопросов по курсу дисциплины Математика часть1. «Линейная алгебра»

Часть I.

1. Системы линейных уравнений: определение, примеры. Свойства систем уравнений: совместность, несовместность, определенность, неопределенность.

2. Геометрическая интерпретация существования 3-х типов решений систем двух линейных уравнений с двумя переменными.
3. Эквивалентность систем, элементарные преобразования систем. Примеры.
4. Матрицы, операции над ними и их свойства.
5. Особенности операции умножения матриц.
6. Транспонирование матриц. Запись системы линейных уравнений в компактной матричной форме.
7. Определитель матрицы. Общая формула для вычисления определителей.
8. Свойства определителя.
9. Миноры и алгебраические дополнения, их связь с определителем матрицы.
10. Теорема Лапласа.
11. Необходимые и достаточные условия существования обратной матрицы.
12. Алгоритм нахождения обратной матрицы.
13. Понятие ранга матрицы. Нахождение ранга матрицы.
14. Свойства ранга матрицы.
15. Метод исключения переменных Гаусса.
16. Метод Крамера.
17. Теорема Кронекера-Капелли.
18. Общее решение системы линейных уравнений. Базисные и свободные переменные. Частные решения.

Часть II.

19. Прямоугольная система координат.
20. Расстояние между двумя точками.
21. Деление отрезка в данном отношении.
22. Формула площади треугольника.
23. Уравнение прямой на плоскости (различные формы).
24. Уравнение прямой в пространстве (различные формы).
25. Определение угла между двумя прямыми. Условие перпендикулярности, условие параллельности прямых.
26. Общее уравнение плоскости.
27. Понятие вектора, определение, примеры.
28. Операции над векторами. Скалярное произведение векторов.
29. Коллинеарность векторов, компланарность векторов. Базис на плоскости и в пространстве.
30. Разложение любого вектора по базису.
31. Евклидово пространство. Введение метрики.
32. Свойства скалярного произведения векторов.
33. Линейные операторы. Матрица Линейного преобразования.
34. Собственные значения и собственные векторы Линейных операторов.
35. Свойства собственных чисел и собственных векторов матрицы преобразования.
36. Характеристическое уравнение матрицы Линейного преобразования.

Часть III.

37. Однородные системы линейных уравнений.
38. Линейно зависимые системы векторов и их свойства.
39. Линейно независимые системы векторов и их свойства.
40. Линейные векторные пространства: определение, примеры.
41. Базис и размерность n -мерного Линейного Пространства. Ортонормированный базис.
42. Задача о нахождении равновесного вектора цен в Линейной Модели Обмена.

43. Задача о нахождении равновесного вектора национальных доходов в Модели Международной бездефицитной торговли.

Перечень экспресс-тестов по лекционному материалу дисциплины
Математика часть 1. «Линейная алгебра»

Тест 1

1. Записать Систему m Линейных Уравнений с n неизвестными в общем виде.
2. Перечислить названия 3-х типов Систем Линейных Уравнений (СЛУ) в зависимости от соответствующего каждому типу множества решений.
3. Перечислить 4 вида эквивалентных преобразований СЛУ.

Тест 2

1. Написать матрицы $A = (a_{ij})_m^k$ и $B = (b_{ij})_k^n$ в общем виде. Если $C = A * B$, то каковы размеры матрицы C ? Написать выражение для элемента c_{ij}
а) через знак суммирования \sum ; в) более подробно, без знака суммирования.
2. Как для данной матрицы $A = (a_{ij})_m^k$ в общем виде будет выглядеть матрица A^T ?
Каковы ее размеры? Выписать те 4 свойства (из 18 Свойств операций над матрицами), где встречается операция транспонирования.
3. Записать Систему Линейных Уравнений для $m=n=3$ в обычном виде.
Выписать все матрицы A, X, B , соответствующие матричной форме записи СЛУ: $A * X = B$

Тест 3

1. Написать выражение для определителя матрицы второго порядка $\Delta = |A|$ в общем виде.
2. Схематично изобразить Правило Звезды для вычисления определителя матрицы третьего порядка $\Delta = |A|$
3. Дать Определение Минора M_{ij} матрицы n -го порядка A
4. Написать формулу Алгебраического Дополнения A_{ij} матрицы n -го порядка A
5. Написать выражение для вычисления определителя матрицы третьего порядка $\Delta = |A_3|$ по Теореме Лапласа, то есть разложение по любой строке или любому столбцу: а) либо в общем виде
б) либо для любого (уникального) численного примера.

Тест 4

1. Для системы линейных уравнений $AX = B$, $|A| \neq 0$ выписать через алгебраические дополнения A_{ij} присоединенную матрицу A^* .
Выписать формулы обратной матрицы A^{-1} , решения X .
2. Для системы линейных уравнений третьего порядка $AX = B$
выписать по методу Крамера выражения для Δ_i , $i=1,2,3$ и решение

системы линейных уравнений $X = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix}$ через Δ_i .

3. Дать Определение ранга матрицы (через миноры).
4. Чему равен ранг ступенчатой матрицы?
5. Дать формулировку Теоремы Кронекера-Капелли для системы линейных уравнений $AX = B$

Тест 5

1. Даны две точки $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$. Написать выражение для расстояния $d = |AB|$.
2. Написать уравнение прямой, проходящей через точку $M_0(x_0, y_0)$ и имеющей угловой коэффициент k .
3. Написать Общее уравнение прямой на плоскости.
4. Написать условие параллельности и перпендикулярности на плоскости двух прямых, имеющих угловые коэффициенты k_1 и k_2
5. На отрезке AB , $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$ дана точка C , такая, что $\frac{AC}{BC} = \lambda$ Найти координаты точки $C(x, y)$.

Тест 6

1. Написать уравнение прямой на плоскости (не $\parallel OX$, не $\parallel OY$), проходящей через две точки $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$.
2. Даны две точки $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$. Координаты вектора $\vec{a} = \vec{AB} = ?$
3. Даны векторы \vec{a}, \vec{b} . Схематично изобразить, как определяется:
 - а) сумма векторов $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$
 - в) разность векторов $\vec{d} = \vec{a} - \vec{b}$
4. Дать определение коллинеарности двух векторов \vec{a}, \vec{b} . Дать определение базиса на плоскости.
5. Дать определение компланарности трех векторов $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$. Дать определение базиса в пространстве.

Тест 7

1. Написать уравнение плоскости, проходящей через точку $M_0(x_0, y_0, z_0)$ и перпендикулярной вектору нормали $\vec{n}(A, B, C)$.
2. Написать Общее уравнение плоскости.
3. Написать условия параллельности и перпендикулярности 2-х плоскостей:

$$A_1x + B_1y + C_1z + D_1 = 0$$

$$A_2x + B_2y + C_2z + D_2 = 0 \text{ в пространстве.}$$

4. Дать Определение Собственного вектора \vec{x} и Собственного значения λ Линейного Преобразования, заданного матрицей A .

5. Дать Определение Характеристического уравнения для матрицы A .

Как связаны Характеристическое уравнение и Собственные значения матрицы A ?

5.3.2. Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине Математика часть2. «Математический анализ»

При оценивании экспресс-теста и участия в дискуссии на семинарском занятии учитываются:

- степень раскрытия темы выступления (0-2 балла)
- знание содержания обсуждаемых проблем, умение использовать ранее изученный теоретический материал и терминологию (0-2 балла).

Контрольные работы (текущий контроль) содержат типовые задания по ключевым практическим аспектам укрупненных тематик дисциплины и проводятся в течение семестра после их изучения.

Контрольные работы содержат по 6 заданий.

Перечень тем Контрольных работ (в письменной форме) по курсу дисциплины Математика часть2. «Математический анализ»

Контрольная работа №1.

Предел числовой последовательности.

Предел функции одной переменной

Непрерывность функции одной переменной.

Контрольная работа №2

Производная и дифференциал функции одной переменной.

Исследование функции одной переменной и построение графиков.

Итоговая контрольная работа

Исследование функции двух переменных.

Неопределенный интеграл.

Определенный интеграл.

Несобственные интегралы.

Перечень примерных вариантов Контрольных работ по курсу дисциплины Математика часть2. «Математический анализ»

Контрольная работа №1

1. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{6n+2}{2n} = 3$. Найти номер $N(\varepsilon)$ такие, что при

$n > N \quad |a_n - 3| < \varepsilon$, для $\varepsilon=0,1; 0,01$.

2.

3. Найти предел $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n+4} - \sqrt{n})$.
4. Что больше $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{4x} - 1}{2x}$ или $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(3x^2 + x)}{\operatorname{tg}(6x^2 - 2x)}$?
5. Вычислить $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 + 6x^2 - 15x - 2}{x^3 - 4x^2 + 3x + 2}$.
6. Вычислить $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2+x}{3+x} \right)^x$
7. Найти точки разрыва и определить тип точек разрыва функции

$$F(x) = \begin{cases} 1, & x < 0 \\ 1-x, & 0 \leq x < 1, \\ \frac{1}{x-1}, & x > 1 \end{cases}$$
 начертить эскиз графика функции.

Контрольная работа №2

1. Найти производную функции $y(x) = e^{-x}(\sin 3x + \cos 3x)$
2. Найти дифференциал функции $y(x) = x^{x^2}$.
3. Найти асимптоты функции $y(x) = \sqrt{x^2 + 1}$.
4. Найти производную функции $F(x, y) = e^y - y - x$.
5. Вычислить предел, используя правило Лопиталю $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln x}{\sqrt[3]{x}}$
6. Провести исследование функции $y(x) = x^4(1-x)^3$ по схеме и построить ее график.

Итоговая контрольная работа

1. Исследовать на экстремум функцию $z = x^2 + y^2 + xy - 2x - y$.
2. Вычислить интеграл или доказать его расходимость $\int_0^{\infty} x e^{-x^2} dx$.
3. Вычислить определенный интеграл $\int_1^e \frac{\ln x}{x^2} dx$.
4. Найти неопределенный интеграл $\int \frac{x-3}{x^2-1} dx$.
5. Найти неопределенный интеграл $\int \cos x e^{2x} dx$.
6. Найти неопределенный интеграл $\int \frac{\ln^3 x}{x} dx$.

Перечень Контрольных вопросов по курсу дисциплины
Математика часть2. «Математический анализ»

1. Основные понятия теории множеств.
2. Элементы логической символики. Операции над множествами.
3. Диаграммы Эйлера–Венна
4. Числовые множества. Числовые промежутки.
5. Абсолютная величина вещественного числа.
6. Окрестность точки.
7. Понятие функции одной переменной: область определения, область значений, способы задания.
8. Производственные функции.
9. Основные характеристики: четность/нечетность, монотонность, ограниченность.
10. Обратная функция.
11. Сложная функция.
12. Основные элементарные функции и их графики.
13. Преобразование графиков.
14. Понятие числовой последовательности, способы задания.
15. Основные характеристики: монотонность, ограниченность, сходимости.
16. Предел последовательности: определение, геометрический смысл.
17. Предел функции на бесконечности. Предел функции в точке (по Коши, по Гейне).
18. Односторонние пределы.
19. Бесконечно малые и бесконечно большие функции.
20. Связь между функцией, ее пределом и бесконечно малой функцией.
21. Арифметические свойства пределов.
22. Теоремы о переходе к пределу в неравенствах.
23. Признаки существования пределов.
24. Вычисление пределов алгебраических выражений.
25. Замечательные пределы и их следствия. Число e как предел последовательности.
26. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции.
27. Непрерывность функции в точке. Непрерывность функции в интервале и на отрезке.
28. Точки разрыва и их классификации.
29. Основные теоремы о непрерывных функциях.
30. Непрерывность элементарных функций.
31. Свойства функций, непрерывных на отрезке: ограниченность, достижение наибольшего и наименьшего значений, промежуточного значения.
32. Понятие производной функции одной переменной.
33. Механический и геометрический смысл.
34. Уравнения касательной и нормали к кривой.
35. Дифференцируемость функции в точке и на множестве.
36. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции.
37. Производные основных элементарных функций.
38. Производная суммы, разности, произведения, частного двух функций.
39. Производная сложной и обратной функции.
40. Производные высших порядков.
41. Логарифмическое дифференцирование.
42. Дифференцирование неявно заданных функций.
43. Дифференциал функции, геометрический смысл.

44. Инвариантность формы полного дифференциала.
45. Применение дифференциала к приближенным вычислениям.
46. Теоремы о средних значениях дифференцируемых функций: Ролля (о корнях производной), Лагранжа (о конечных приращениях), Коши (об отношении приращений двух функций).
47. Правило Лопиталья–Бернулли.
48. Формула Тейлора для многочлена. Формулы Тейлора для функции.
49. Разложение элементарных функций по формуле Маклорена.
50. Условия возрастания и убывания функции.
51. Необходимые и достаточные признаки экстремума функции.
52. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.
53. Условия выпуклости и вогнутости функции. Точки перегиба.
54. Асимптоты графика функции.
55. Общая схема исследования функции и построения графика.
56. Понятие функции нескольких переменных: область определения, способы задания.
57. Линия и поверхности уровня.
58. Предел и непрерывность функции двух переменных. Свойства функций, непрерывных в ограниченной замкнутой области.
59. Частные производные и их геометрический смысл.
60. Частные производные высших порядков.
61. Дифференцируемость и полный дифференциал функции.
62. Применение полного дифференциала к приближенным вычислениям.
63. Производная сложной функции.
64. Полная производная.
65. Производная по направлению. Градиент.
66. Необходимые и достаточные условия локального экстремума.
67. Метод наименьших квадратов.
68. Наибольшее и наименьшее значение функции в замкнутой области.
69. Условный экстремум.
70. Понятие первообразной и неопределенного интеграла.
71. Свойства неопределенного интеграла.
72. Таблица основных неопределенных интегралов.
73. Метод непосредственного интегрирования.
74. Метод замены переменной.
75. Подведение под знак дифференциала.
76. Метод интегрирования по частям.
77. Интегрирование рациональных дробей.
78. Определенный интеграл как предел интегральной суммы.
79. Геометрический смысл определенного интеграла. Свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница.
80. Интеграл с переменным верхним пределом.
81. Методы вычисления определенного интеграла.
82. Приложения определенного интеграла, вычисление площади плоской фигуры.
83. Интеграл с бесконечным промежутком интегрирования (первого рода).
84. Интеграл от разрывной функции (второго рода). Определения, геометрический смысл, признаки сравнения.

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение

6.1. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины Математика часть1. «Линейная алгебра»

6.1.1. Список источников и литературы

Основная литература:

1. Дорофеева А.В. Высшая математика: учебник для академического бакалавриата / А.В. Дорофеева. – 3-е изд., перераб. и доп. – М.: Издательство Юрайт, 2017. – 406 с. – Серия: Бакалавр. Академический курс. – [Электронный ресурс]. – URL: <https://biblio-online.ru/viewer/A3EFDC48-87CB-41E5-A078-05BDBB3BD6E8/vyssshaya-matematika#page/3>
2. Баврин И.И. Высшая математика для педагогических направлений: учебник для бакалавров / И.И. Баврин. – 2-е изд., пер. и доп. – М6 Издательство Юрайт, 2017. – 616 с. – Серия: бакалавр. Базовый курс. [Электронный ресурс]. – URL: <https://biblio-online.ru/viewer/CF8B3267-78AA-4779-8607-577F1A280219/vyssshaya-matematika-dlya-pedagogicheskikh-napravleniy-osnovy-matematicheskoy-obrabotki-informacii#page/2>
3. Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика: учебник для прикладного балакавриата / В.Е. Гмурман. – 12-е изд. – М.: Издательство Юрайт, 2018. – 479 с. – Серия: Бакалавр. Прикладной курс. – [Электронный ресурс]. – URL: <https://biblio-online.ru/viewer/636B8B1D-1DD9-4ABE-845B-2E048D04ED84/teoriya-veroyatnostey-i-matematicheskaya-statistika#page/1>

Дополнительная литература:

4. Гмурман, В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: учеб. пособие для бакалавриата и специалитета / В.Е. Гмурман. – 11-е изд., перераб. и доп. – М.: Издательство Юрайт, 2018. – 406 с. – (Серия: Бакалавр и специалист). – ISBN 978-5-534-08389-7. – Режим доступа: www.biblio-online.ru/book/02E0C1D3-4EEA-43AA-AA6B-5E25C4991D0C.

6.1.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

1. Лекции по линейной алгебре [Электронный ресурс] : учебное пособие для бакалавриата по направлению № 080200 – Менеджмент, № 080400 – Управление персоналом / Минобрнауки России, Федер. гос. бюджетное образоват. учреждение высш. проф. образования "Рос. гос. гуманитарный ун-т" (РГГУ), Ин-т экономики, упр. и права, Фак. упр., Каф. моделирования в экономике и упр., [сост.: Н. Л. Лепе, Н. И. Манаенкова ; отв. ред. В. В. Кульба]. - Москва : РГГУ, 2014. - 202 с. - Режим доступа: <http://elibrary.ru/elib/000009509>. - Загл. с экрана. - ISBN 978-5-7281-1699-8.
2. Аналитическая геометрия [Электронный ресурс] : учеб.-метод. комплекс : для бакалавриата по направлению 080200 - Менеджмент / М-во образования и науки Рос. Федерации, Федер. гос. бюджет. образоват. учреждение высш. проф. образования "Рос. гос. гуманитарный ун-т", Ин-т экономики, упр. и права, Фак. упр., Каф. моделирования в экономике и упр. ; [сост. Н. И. Манаенкова ; отв. ред. Н. Л. Лепе]. - М. : РГГУ, 2012. -34 с.; 20 см. - Режим доступа : <http://elibrary.ru/elib/000005265>. - Загл. с экрана. - Библиогр.: с. 20-21.
3. Линейная алгебра [Электронный ресурс] : учеб.-метод. комплекс : для бакалавриата по направлению 080200 - Менеджмент / М-во образования и науки Рос. Федерации, Федер. гос. бюджет. образоват. учреждение высш. проф. образования "Рос. гос. гуманитарный ун-т", Ин-т экономики, упр. и права, Фак. упр., Каф. моделирования в экономике и упр. ;

[сост. Н. И. Манаенкова ; отв. ред. Н. Л. Лепе]. - М. : РГГУ, 2012. - 40 с. ; 20 см. - Режим доступа : <http://elib.lib.rsuh.ru/elib/000005266.pdf>. - Загл. с экрана. - Библиогр.: с. 21-22.

6.2 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины Математика часть2. «Математический анализ»

6.2.1. Список источников и литературы

Основная литература:

5. Дорофеева А.В. Высшая математика: учебник для академического бакалавриата / А.В. Дорофеева. – 3-е изд., перераб. и доп. – М.: Издательство Юрайт, 2017. – 406 с. – Серия: Бакалавр. Академический курс. – [Электронный ресурс]. – URL: <https://biblio-online.ru/viewer/A3EFDC48-87CB-41E5-A078-05BDBB3BD6E8/vyssshaya-matematika#page/3>
6. Баврин И.И. Высшая математика для педагогических направлений: учебник для бакалавров / И.И. Баврин. – 2-е изд., пер. и доп. – М6 Издательство Юрайт, 2017. – 616 с. – Серия: бакалавр. Базовый курс. [Электронный ресурс]. – URL: <https://biblio-online.ru/viewer/CF8B3267-78AA-4779-8607-577F1A280219/vyssshaya-matematika-dlya-pedagogicheskikh-napravleniy-osnovy-matematicheskoy-obrabotki-informacii#page/2>
7. Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика: учебник для прикладного балакавриата / В.Е. Гмурман. – 12-е изд. – М.: Издательство Юрайт, 2018. – 479 с. – Серия: Бакалавр. Прикладной курс. – [Электронный ресурс]. – URL: <https://biblio-online.ru/viewer/636B8B1D-1DD9-4ABE-845B-2E048D04ED84/teoriya-veroyatnostey-i-matematicheskaya-statistika#page/1>

Дополнительная литература:

8. Гмурман, В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: учеб. пособие для бакалавриата и специалитета / В.Е. Гмурман. – 11-е изд., перераб. и доп. – М.: Издательство Юрайт, 2018. – 406 с. – (Серия: Бакалавр и специалист). – ISBN 978-5-534-08389-7. – Режим доступа: www.biblio-online.ru/book/02E0C1D3-4EEA-43AA-AA6B-5E25C4991D0C.

6.2.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

1. <http://mathem.h1.ru/>

Математика on-line. В помощь студенту. Основные математические формулы по алгебре, геометрии, тригонометрии, высшей математике, исторические данные и многое другое можно найти на данном сайте.

2. <http://math.reshebnik.ru/>

На сайте размещены задания и образцы решений, теоретические материалы.

Перечень баз данных (БД), информационно-справочные и поисковые систем (ИСС) (2020 год)

№п /п	Наименование
1	Международные реферативные наукометрические БД, доступные в рамках национальной подписки в 2020 г. Web of Science Scopus
2	Профессиональные полнотекстовые БД, доступные в рамках национальной подписки в 2020 г. Журналы Cambridge University Press ProQuest Dissertation & Theses Global SAGE Journals Журналы Taylor and Francis
3	Профессиональные полнотекстовые БД JSTOR Издания по общественным и гуманитарным наукам Электронная библиотека Grebennikon.ru
4	Компьютерные справочные правовые системы Консультант Плюс, Гарант

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Для обеспечения дисциплины используется материально-техническая база образовательного учреждения: учебные аудитории, компьютерные классы и научная библиотека РГГУ.

Перечень ПО

№п /п	Наименование ПО	Производитель	Способ распространения (лицензионное или свободно распространяемое)
1	Adobe Master Collection CS4	Adobe	лицензионное
2	Microsoft Office 2010	Microsoft	лицензионное
3	Windows 7 Pro	Microsoft	лицензионное
4	AutoCAD 2010 Student	Autodesk	свободно распространяемое
5	Archicad 21 Rus Student	Graphisoft	свободно распространяемое
6	SPSS Statistics 22	IBM	лицензионное
7	Microsoft Share Point 2010	Microsoft	лицензионное
8	SPSS Statistics 25	IBM	лицензионное
9	Microsoft Office 2013	Microsoft	лицензионное
10	ОС «Альт Образование» 8	ООО «Базальт СПО	лицензионное
11	Microsoft Office 2013	Microsoft	лицензионное
12	Windows 10 Pro	Microsoft	лицензионное
13	Kaspersky Endpoint Security	Kaspersky	лицензионное
14	Microsoft Office 2016	Microsoft	лицензионное
15	Visual Studio 2019	Microsoft	лицензионное

16	Adobe Creative Cloud	Adobe	лицензионное
17	Zoom	Zoom	лицензионное

8. Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья

При необходимости рабочая программа дисциплины может быть адаптирована для обеспечения образовательного процесса лицам с ограниченными возможностями здоровья, в том числе для дистанционного обучения. Для этого от студента требуется представить заключение психолого-медико-педагогической комиссии (ПМПК) и личное заявление (заявление законного представителя).

В заключении ПМПК должно быть прописано:

- рекомендуемая учебная нагрузка на обучающегося (количество дней в неделю, часов в день);
- оборудование технических условий (при необходимости);
- сопровождение и (или) присутствие родителей (законных представителей) во время учебного процесса (при необходимости);
- организация психолого-педагогического сопровождение обучающегося с указанием специалистов и допустимой нагрузки (количества часов в неделю).

Для осуществления процедур текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся при необходимости могут быть созданы фонды оценочных средств, адаптированные для лиц с ограниченными возможностями здоровья и позволяющие оценить достижение ими запланированных в основной образовательной программе результатов обучения и уровень сформированности всех компетенций, заявленных в образовательной программе.

Форма проведения текущей и итоговой аттестации для лиц с ограниченными возможностями здоровья устанавливается с учетом индивидуальных психофизических особенностей (устно, письменно (на бумаге, на компьютере), в форме тестирования и т.п.). При необходимости студенту предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на зачете или экзамене.

9. Методические материалы

Методические рекомендации по подготовке письменных работ

Методические рекомендации по подготовке письменных работ по дисциплине Математика часть1. «Линейная алгебра»

Контрольная работа №1, Контрольная работа №2 и Контрольная работа №3 (текущий контроль) содержат типовые задания по ключевым темам дисциплины и проводятся в течение семестра после изучения соответствующего теоретического материала и закрепления этих знаний на семинарских занятиях и при выполнении домашних заданий. Контрольная работа №1 и №3 содержат по 5 заданий. Контрольная работа №2 содержит 3 задания.

Каждый студент получает индивидуальный вариант Контрольных работ.

Коллоквиум по теоретическому материалу проводится в конце Семестра.

Перед проведением Коллоквиума студент должен подготовить письменно ответ на 2 вопроса теоретического характера.

Методические рекомендации по подготовке письменных работ по дисциплине Математика часть2. «Математический анализ»

Контрольная работа №1, Контрольная работа №2 и Итоговая контрольная работа (текущий контроль) содержат типовые задания по ключевым темам дисциплины и проводятся в течение семестра после изучения соответствующего теоретического материала и закрепления этих знаний на семинарских занятиях и при выполнении домашних заданий. Контрольные работы содержат по 6 заданий

Каждый студент получает индивидуальный вариант Контрольных работ.

9.1. Планы семинарских занятий

семинарские занятия по дисциплине «Математика» проводятся для бакалавриата по направлению подготовки 38.03.04 «Государственное и муниципальное управление».

Цель семинарских занятий – способствовать лучшему усвоению и закреплению теоретических знаний, полученных из лекционного курса и изучения Литературы. Только активная самостоятельная работа студентов в ходе изучения дисциплины позволяет получить и закрепить навык использования изучаемых математических методов; применять классические математические методы для решения практических задач экономико-управленческого содержания.

семинарские занятия проводятся в форме обзора новых теоретических понятий по данной теме и разбора решений типовых задач. Разбор Домашнего задания, результаты Контрольных работ позволяют выявить пробелы в знаниях и оценить уровень освоения материала.

9.1.1. Планы семинарских занятий по дисциплине Математика часть1. «Линейная алгебра»

Семинарское занятие 1. Системы линейных уравнений. Метод Гаусса. (2 ч.)

Вопросы для изучения

1. Системы линейных уравнений 2, 3, n-го порядка. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений. 3 типа Систем линейных уравнений.
2. Пример Постановки задачи. Сведение текстовой задачи (*Задача о фермере, 3 варианта*) к системам линейных уравнений 3 типов.
3. Приведение матрицы системы линейных уравнений к ступенчатому виду.

Практические задания

1. Метод Гаусса. Разбор и решение задачи № 2.1.37.
2. Постановка и решение Задачи о фермере:

Задача о фермере.

Вариант 1:

Фермер вложил в прошлом году в зерноводство, животноводство и овощеводство всего 10 млн.д.е. и получил 780 тыс.д.е. прибыли. В текущем году он собирается увеличить вложения в зерноводство в 2 раза, в животноводство в 3 раза, а вложения в овощеводство оставить на прошлогоднем уровне. На все это фермер выделяет 22 млн.д.е. Какую прибыль собирается получить фермер в текущем году, если зерноводство приносит 10% прибыли на вложенные средства, животноводство 8% и овощеводство 6%?

Вариант 2:

Рассмотрим задачу из примера 1 со следующими изменениями:

зерноводство приносит 8% прибыли на вложенные средства, животноводство 10% и овощеводство 6%.

Вариант 3:

Рассмотрим задачу из примера 2 со следующими изменениями:

Фермер получил 840 тыс.д.е. прибыли

3. Приведение матрицы системы линейных уравнений к ступенчатому виду.

Разбор и решение задач №№1.1.27, 1.1.28

4. Домашнее Задание: №№ 1.1.79, 1.1.80, 2.1.41

Семинарское занятие 2. Матрицы. Операции над матрицами.

Вопросы для изучения

1. Алгоритм приведения матрицы к ступенчатому виду.
2. Матрицы. Операции над матрицами. Правила умножения матриц.
3. Матричный полином. Транспонирование матриц.

Практические задания

1. Приведение матрицы к ступенчатому виду. Разбор и решение задач Домашнего задания: №№ 1.1.79, 1.1.80
 2. Операции над матрицами. Разбор и решение задач №№ 1.1.1, 1.1.2, 1.1.11, 1.1.7, 1.1.21
 3. Домашнее Задание: №№ 1.1.3, 1.1.5, 1.1.53, 1.1.17, 1.1.24, 1.1.25
- Семинарское занятие 3. Определитель матрицы. Миноры. Алгебраические дополнения (2 ч.)

Вопросы для изучения

1. Свойства умножения матриц. Примеры отсутствия коммутативности умножения матриц.
2. Определитель матрицы 2, 3, n-го порядка. Правило «треугольников» (правило Звезды). Миноры, алгебраические дополнения. Теорема Лапласа. Нахождение Присоединенной матрицы.

Практические задания

1. Умножение матриц. Разбор и решение задач Домашнего задания: №№ 1.1.5, 1.1.53, 1.1.17, 1.1.24, 1.1.25.
2. Вычисление Определителей, Миноров, построение Присоединенной матрицы. Разбор и решение задач №№ 1.2.1, 1.2.20, 1.2.13, 1.2.24, 1.2.25, 1.4.1
3. Домашнее Задание: №№ 1.2.4, 1.2.6, 1.2.22, 1.2.23, 1.2.26, 1.2.29, 1.4.38, 1.4.9

Семинарское занятие 4. Обратные матрицы. Метод Крамера. (2 ч.)

(

Вопросы для изучения

1. Построение Обратной матрицы.
2. Решение систем линейных уравнений методом Обратной матрицы.
3. Правило Крамера.
4. Решение Матричных уравнений.

Практические задания

1. Вычисление Определителей, Миноров. Разбор и решение задач Домашнего задания: №№ 1.2.4, 1.2.6, 1.2.22, 1.2.23, 1.2.26, 1.2.29.
2. Построение Обратной матрицы. Разбор и решение задач Домашнего задания №№ 1.4.38, 1.4.9
3. Решение систем линейных уравнений методом Обратной матрицы, методом Крамера. Разбор и решение задачи №№ 2.2.2
4. Решение \ Матричных уравнений. Разбор и решение задачи №№ 1.4.27.
5. Домашнее Задание: №№ 1.4.10, 1.4.11, 1.4.29, 1.4.30, Варианты Контрольных работ.

6. Домашнее Задание: №№ 1.4.4, 1.4.39, 1.4.34, 2.2.11, 2.2.22, 2.2.23

Семинарское занятие 5. Матрицы. Определители матриц. Метод Гаусса, метод Обратной матрицы, метод Крамера решения систем линейных уравнений. (2 ч.)

Вопросы для изучения

Контрольная работа №1.

Вычисление матричного полинома.

Вычисление определителей.

Решение определенных систем линейных уравнений 3-го порядка

а) методом Гаусса

в) методом нахождения Обратной матрицы

с) методом Крамера.

Практические задания

1. Решение индивидуального варианта Контрольной работы №1 в письменной форме.
2. Домашнее Задание: Решение невыполненных №№ Контрольной работы № 1; решение невыполненных задач Домашнего задания к занятиям 1, 2, 3, 4, 5.

Семинарское занятие 6. Ранг матрицы. (2 ч.)

Вопросы для изучения

1. Решение матричных уравнений.
2. Нахождение ранга ступенчатой матрицы. Теорема Кронекера - Капелли.
3. Нахождение ранга расширенной матрицы системы линейных уравнений.
4. Разбор типичных ошибок задач Контрольной работы № 1
5. Разбор и индивидуальное исправление ошибок в задачах Контрольной работы №1

Практические задания

1. Решение Матричных уравнений. Разбор и решение Домашнего задания: №№ 1.4.10, 1.4.11, 1.4.29, 1.4.30
2. Нахождение ранга ступенчатой матрицы в задачах №№ 1.1.79, 1.1.80
3. Нахождение ранга расширенной матрицы системы линейных уравнений в Задаче о фермере (3 варианта). Исследование совместности систем линейных уравнений.
4. Домашнее Задание: № 2.1.47, 1.1.80.

Семинарское занятие 7. Общий метод решения системы линейных уравнений. (2 ч.)

Вопросы для изучения

1. Исследование совместности систем линейных уравнений.
2. Нахождение общих и частных решений системы линейных уравнений. Эквивалентность общих решений, соответствующих различным базисным минорам матрицы системы линейных уравнений.

Практические задания

1. Исследование совместности систем линейных уравнений. Разбор и решение задачи Домашнего задания: № 2.1.47.
2. Нахождение общего решения системы линейных уравнений в Задаче о фермере (3-й вариант, неопределенная СЛУ).
3. Нахождение частного решения системы линейных уравнений в Задаче о фермере (3-й вариант, неопределенная СЛУ).
4. Домашнее Задание: с.87-90: № 2 всех Вариантов Контрольных работ.

Семинарское занятие 8. Ранг матрицы. Общий метод решения системы линейных уравнений. (2 ч.)

Вопросы для изучения

Контрольная работа №2

Матричные уравнения.

Исследование систем линейных уравнений.

Решение неопределенных систем линейных уравнений.

Практические задания

1. Решение индивидуального варианта Контрольной работы №2 в письменной форме.
2. Домашнее Задание: Решение невыполненных №№ Контрольной работы № 2; решение невыполненных задач Домашнего задания к Практическим занятиям 7, 8, 9.

Семинарское занятие 9. Элементы Аналитической Геометрии. Элементы векторной алгебры. (2 ч.)

Тема 7. Элементы Аналитической Геометрии

Вопросы для изучения

1. Метод координат на прямой, плоскости и в пространстве. Координаты точки. Длина отрезка. Площадь треугольника.
2. Задача о делении отрезка в данном отношении.
3. Различные виды уравнений прямой. Угол между прямыми. Условие параллельности и перпендикулярности прямых.

Практические задания

1. Длина отрезка. Площадь треугольника. Деление отрезка в данном отношении. Координаты биссектрисы и медианы. Разбор и решение задач №№ 4.1.4, 4.1.7
2. Уравнения прямых. Пересечение, параллельность, \ перпендикулярность прямых. Разбор и решение задач №№ 4.2.52, 4.2.57
3. Домашнее Задание: №№ 4.1.5, 4.1.10 4.2.56, 4.2.58.

Тема 8 Элементы Векторной Алгебры.

Вопросы для изучения

1. Метод координат на плоскости: вычисление длин сторон треугольника, медианы, высоты, биссектрисы. Нахождение уравнений медианы, высоты, биссектрисы, сторон треугольника.
2. Векторная алгебра. Сумма, разность векторов. Произведение вектора на число.
3. Условие коллинеарности и компланарности векторов. Скалярное произведение векторов. Условие ортогональности векторов.

Практические задания

1. Использование методов аналитической геометрии в задачах Домашнего задания: №№ 4.1.5, 4.1.10 4.2.56, 4.2.58.
 2. Направленные отрезки. Сумма, разность векторов. Произведение вектора на число. Разбор и решение задач №№ 3.1.1, 3.1.2.
 3. Скалярное произведение векторов. Условие ортогональности и коллинеарности векторов. Разбор и решение задачи № 3.2.1
 4. Домашнее Задание: №№ 3.1.3, 3.1.8 3.2.3.
- Варианты Контрольных работ: Вар. 1 №2, №3; Вар.2 №1, №2

Список источников и литературы

Основная литература

1. К.Н.Лунгу, Д.Т.Письменный, С.Н.Федин, Ю.А.Шевченко. Сборник задач по высшей математике. 1 курс. - М.: Айрис-пресс, 2007 – с. 91-95, с.101-103, с.170-171.
2. Высшая математика для экономистов. Учебник. Под редакцией Н.Ш.Кремера. - М.: Юнити, 2006 - 497 с.

Семинарское занятие 10 Линейные векторные пространства. Линейные операторы. (2 ч.)

Тема 9. Линейные векторные пространства.

Вопросы для изучения

1. Операции над векторами.
2. Линейная зависимость и линейная независимость векторов. Базис системы векторов.
3. Разложение векторов по данному базису. Координаты вектора.

Практические задания

1. Использование методов векторной алгебры в задачах Домашнего задания: №№ 3.1.3, 3.1.8 3.2.3
2. Разбор Вариантов Контрольных работ: Вар. 1 №2, №3; Вар.2 №1
3. Разбор задачи на нахождение координат векторов в базисе системы векторов:
Задача о разложении вектора:

Определить, является ли данная совокупность векторов линейно зависимой.

Найти базис данной системы векторов и разложение каждого из векторов данной совокупности в этом базисе.

$$\vec{a}_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \vec{a}_2 = \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix}, \vec{a}_3 = \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \\ 8 \end{pmatrix}, \vec{a}_4 = \begin{pmatrix} -4 \\ 5 \\ 5 \end{pmatrix}.$$

4. Домашнее Задание: №№ Варианты Контрольных работ: Вар. 3 №3; Вар.4 №1, №2; № 1) из Задания к практическим занятиям №№ 13-14

Задание к Практическим занятиям №№ 14-15

- 1) Определить, является ли данная совокупность векторов линейно зависимой.

Найти базис данной системы векторов и разложение каждого из векторов данной совокупности в этом базисе.

$$\vec{a}_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix}, \vec{a}_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 5 \end{pmatrix}, \vec{a}_3 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix}, \vec{a}_4 = \begin{pmatrix} 10 \\ 22 \\ 42 \end{pmatrix}.$$

- 2) Найти собственные числа и собственные векторы матрицы

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$$

- 3) Показать, что матрицы

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} \text{ и } \mathbf{B} = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -2 & 4 \end{pmatrix} - \text{подобны.}$$

- 4) Найти собственные векторы матрицы **В**.

- 5) Показать, на примере матриц **А, В**, что

А) сумма собственных значений матрицы равна сумме ее диагональных членов.

В) произведение собственных значений матрицы равно ее Определителю.

- 6) Показать на примере матрицы **А**, что, если матрица A_n имеет n попарно различных собственных чисел, ее ранг равен числу отличных от нуля собственных значений матрицы.

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 7 \\ 1 & 2 & 4 \\ 1 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

- 7) Показать, что собственные векторы матрицы $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$ - линейно независимы.

- 8) Показать на примере матрицы $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$ что, если матрица A_n имеет n

различных собственных чисел, справедливо равенство: $V^{-1} A_n V = \Lambda$, где V – матрица, столбцами которой служат n собственных векторов матрицы A_n , Λ - диагональная матрица, составленная из всех собственных чисел

матрицы A_n .

Здесь $A = \begin{pmatrix} \lambda_1 & 0 \\ 0 & \lambda_2 \end{pmatrix}$, где λ_1, λ_2 - собственные значения матрицы A

9) Задана структурная матрица торговли трех стран:

$$A = \begin{pmatrix} 1/4 & 2/6 & 4/12 \\ 2/4 & 1/6 & 3/12 \\ 1/4 & 3/6 & 5/12 \end{pmatrix}$$

Требуется найти вектор национальных доходов этих трех стран, Обеспечивающий бездефицитную торговлю между ними.

Тема 10. Линейные операторы.

Вопросы для изучения

1. Линейные операторы.
2. Характеристическое уравнение Матрицы Линейного преобразования.
3. Собственные значения матрицы - корни характеристического уравнения.

Практические задания

1. Повторение задачи на нахождение координат векторов в базисе системы векторов. Разбор и решение задачи № 1) из Задания к практическим занятиям №№ 14-15
2. Вычисление собственных значений матриц 2-го, 3-го порядка. Разбор и решение задач №№ 2), 3), 5) из Задания к практическим занятиям №№ 13-14
3. Нахождение и графическое построение собственных векторов, соответствующих конкретным собственным значениям.
4. Домашнее Задание: №№ 4), 5), 6), 7) из Задания к практическим занятиям №№ 13-14

Семинарское занятие 11. Собственные значения и собственные векторы. (2 ч.)

Вопросы для изучения

1. Множество собственных векторов Матрицы Линейного преобразования.
2. Линейная модель обмена.
3. Модель международной торговли.

Практические задания

2. Вычисление собственных значений. Разбор и решение задачи №№ 5), 6) из Задания к практическим занятиям №№ 13-14
3. Нахождение и графическое построение собственных векторов, соответствующих конкретным собственным значениям. Разбор и решение задач №№ 4), 7) из Задания к практическим занятиям №№ 13-14
3. Модель международной торговли. Разбор и решение задачи № 9) из Задания к практическим занятиям №№ 13-14
4. Домашнее Задание решение невыполненных задач Домашнего задания к занятиям №№ 11-15; решение всех невыполненных вышеперечисленных Вариантов Контрольных работ.

Семинарское занятие 12. Аналитическая Геометрия. Векторная алгебра. Собственные векторы и числа Линейных операторов. Коллоквиум по теоретическому материалу. Защита индивидуального Домашнего задания (2 ч.)

Вопросы для изучения

Контрольная работа №3.

1. Собственные значения Матрицы Линейного преобразования.
2. Собственные векторы Матрицы Линейного преобразования.
3. Базис системы векторов. Линейная зависимость векторов.
4. Уравнение прямой на плоскости (различные формы). Определение угла между двумя прямыми. Условие перпендикулярности, параллельности прямых.
5. Векторная Алгебра. Расстояние между двумя точками. Деление отрезка в данном отношении. Формула площади треугольника.

Практические задания

1. Решение индивидуального варианта Контрольной работы в письменной форме.
 2. Домашнее Задание: Решение невыполненных №№ Контрольной работы № 3
- Список источников и литературы
- Коллоквиум по теоретическому материалу. Защита индивидуального домашнего задания

Вопросы для изучения

1. Коллоквиум по теоретическому материалу Лекционного курса.
(см. «Перечень Контрольных вопросов по курсу дисциплины «Линейная алгебра»; «Перечень экспресс-тестов по лекционному материалу дисциплины «Линейная алгебра».)
2. Обсуждение индивидуального Домашнего задания.

Практические задания

1. Защита индивидуального вопроса Коллоквиума по теоретическому материалу семестра в устной форме.
2. Защита индивидуального вопроса Тестов по теоретическому материалу семестра в устной форме.
3. Защита индивидуального Домашнего задания.

9.1.2. Планы семинарских занятий по дисциплине Математика часть 2 «Математический анализ».

Семинарское занятие 1. Элементы теории множеств. Функция одной переменной. Основные понятия. (2 ч.)

Вопросы для изучения

1. Основные понятия теории множеств.
2. Операции над множествами.
3. Диаграммы Эйлера–Венна
4. Числовые множества. Числовые промежутки.
5. Абсолютная величина вещественного числа.
6. Окрестность точки.
7. Понятие функции одной переменной: область определения, область значений, способы задания.
8. Основные характеристики: четность/нечетность, монотонность, ограниченность.
9. Обратная функция.
10. Сложная функция.
11. Основные элементарные функции и их графики.
12. Преобразование графиков.

Практические задания

1. Задано универсальное множество $E = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$ и множества $A = \{c, d, e, f\}$, $B = \{e, f, g, h, a\}$.
Построить множества: $A \cup B$, $A \cap B$, \bar{A} , $\bar{A} \cap B$, $A \cup \bar{B}$.
2. С помощью диаграмм Венна доказать, что $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$.

3. Лекции по маркетингу посещают 10 студентов, а лекции по менеджменту 20 студентов. Определить число студентов, посещающих лекции по маркетингу или лекции по менеджменту, если: а) лекции проходят одновременно; б) лекции проходят не одновременно и 8 студентов посещают оба курса лекций.
4. Решить неравенство $|x + 2| + |x - 2| \leq 12$.
5. Определить область допустимых значений функции $y = \ln \frac{x^2 - 3x + 2}{x + 1}$.
6. Исследовать функцию на четность: $y = \sqrt[3]{(x + 1)^2} + \sqrt[3]{(x - 1)^2}$.
7. Для функции y найти обратную функцию и определить область допустимых значений обратной функции: $y = \arctg 3x$.
8. Записать в явном виде функцию, заданную уравнением $10^x + 10^y = 10$.
9. Определить, является ли функция периодической и найти минимальный период T :
 $y = \sin^2 x$
10. Построить графики функций: $y = 2 + (x - 1)^3$, $y = \frac{x-2}{x+2}$, $y = \sin\left(|x| - \frac{\pi}{3}\right)$.

Список источников и литературы

Семинарское занятие 2. Числовые последовательности. Предел функции одной переменной. Непрерывность функции одной переменной. (2 ч.)

Вопросы для изучения

1. Предел последовательности: определение, геометрический смысл.
2. Предел функции на бесконечности. Предел функции в точке (по Коши, по Гейне).
3. Односторонние пределы.
4. Бесконечно малые и бесконечно большие функции.
5. Связь между функцией, ее пределом и бесконечно малой функцией.
6. Арифметические свойства пределов.
7. Вычисление пределов алгебраических выражений.
8. Замечательные пределы и их следствия.
9. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции.
10. Непрерывность функции в точке. Непрерывность функции в интервале и на отрезке.
11. Точки разрыва и их классификации.
12. Непрерывность элементарных функций.

Практические задания

1. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4n+2}{2n} = 2$. Найти номер $N(\varepsilon)$ такие, что при $n > N$ $|a_n - 2| < \varepsilon$, для $\varepsilon = 0,1; 0,01$.

2. Найти предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(2n+1)^3}{n^3}$.

3. Что больше $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{3x} - 1}{\ln(1+9x)}$ или $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+3x^2)}{\sin^2(4x)}$?

4. Вычислить $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^3 - 4x^2 + 4x - 3}{x^3 - 27}$.

5. Вычислить $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{8+x}{10+x} \right)^{2x+3}$.

6. Найти точки разрыва и определить тип точек разрыва функции

$$F(x) = \begin{cases} \frac{1}{x^2}, & x < 0 \\ 0, & 0 \leq x \leq 3 \\ 2x - 6, & x > 3 \end{cases}, \text{ начертить эскиз графика функции.}$$

Список источников и литературы

Семинарское занятие 3. Контрольная работа № 1 (2.ч.)

Вопросы для изучения

Вопросы к семинарским занятиям 1, 2.

Практические задания

Решение индивидуального варианта Контрольной работы №1 в письменной форме.

Семинарское занятие 3. Производная и дифференциал функции одной переменной.

Исследование функции одной переменной и построение графиков. (2 ч.)

Вопросы для изучения

1. Понятие производной функции одной переменной.
2. Механический и геометрический смысл.
3. Уравнения касательной и нормали к кривой.
4. Дифференцируемость функции в точке и на множестве.
5. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции.
6. Производные основных элементарных функций.
7. Производная суммы, разности, произведения, частного двух функций.
8. Производная сложной и обратной функции.
9. Производные высших порядков.
10. Логарифмическое дифференцирование.
11. Дифференцирование неявно заданных функций.
12. Дифференциал функции, геометрический смысл.
13. Инвариантность формы полного дифференциала.
14. Применение дифференциала к приближенным вычислениям.
15. Теоремы о средних значениях дифференцируемых функций: Ролля (о корнях производной), Лагранжа (о конечных приращениях), Коши (об отношении приращений двух функций).
16. Правило Лопиталя–Бернулли.
17. Условия возрастания и убывания функции.
18. Необходимые и достаточные признаки экстремума функции.
19. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.
20. Условия выпуклости и вогнутости функции. Точки перегиба.
21. Асимптоты графика функции.
22. Общая схема исследования функции и построения графика.

Практические задания

1. Найти производную функции $y(x) = \sin^8 \frac{2x+1}{x}$
2. Найти дифференциал функции $y(x) = x^{\arctg x}$.
3. Найти асимптоты функции $y(x) = \frac{4x^2}{x+1}$.
4. Найти производную функции $F(x, y) = e^{xy} - \frac{y}{x}$.

5. Вычислить предел, используя правило Лопиталя $\lim_{x \rightarrow \pi/2} \frac{\operatorname{tg} 3x}{\operatorname{tg} x}$
6. Провести исследование функции $y(x) = \frac{x^3}{x^2 - 4}$ по схеме и построить ее график.

Список источников и литературы

Семинарское занятие 5. Контрольная работа № 2 (2 ч.)

Вопросы для изучения

Вопросы к семинарскому занятию 4.

Практические задания

Решение индивидуального варианта Контрольной работы №2 в письменной форме.

Семинарское занятие 6. Функции нескольких переменных. Основные понятия

производные и дифференциалы функции нескольких переменных.

Экстремумы функции двух переменных (2 ч.).

Вопросы для изучения

1. Понятие функции нескольких переменных: область определения, способы задания.
2. Линия и поверхности уровня.
3. Предел и непрерывность функции двух переменных. Свойства функций, непрерывных в ограниченной замкнутой области.
4. Частные производные и их геометрический смысл.
5. Частные производные высших порядков.
6. Дифференцируемость и полный дифференциал функции.
7. Применение полного дифференциала к приближенным вычислениям.
8. Производная сложной функции.
9. Полная производная.
10. Производная по направлению. Градиент.
11. Необходимые и достаточные условия локального экстремума.
12. Метод наименьших квадратов.
13. Наибольшее и наименьшее значение функции в замкнутой области.
14. Условный экстремум.

Практические задания

7. Найти область существования функции .
8. Найти частные производные функции 1-го и 2-го порядка .
9. Найти полный дифференциал функции $z = \ln \operatorname{tg} \frac{y}{x}$.
10. Исследовать на экстремум функцию $z = x^3 + 3xy^2 - 15x - 12y$.

Список источников и литературы

Семинарское занятие 7. Первообразная и неопределенный интеграл. Определенный интеграл. Несобственные интегралы. (2 ч.)

Вопросы для изучения

1. Понятие первообразной и неопределенного интеграла.
2. Свойства неопределенного интеграла.
3. Таблица основных неопределенных интегралов.
4. Метод непосредственного интегрирования.
5. Метод замены переменной.

6. Подведение под знак дифференциала.
7. Метод интегрирования по частям.
8. Интегрирование рациональных дробей.
9. Определенный интеграл как предел интегральной суммы.
10. Геометрический смысл определенного интеграла. Свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница.
11. Интеграл с переменным верхним пределом.
12. Методы вычисления определенного интеграла.
13. Приложения определенного интеграла, вычисление площади плоской фигуры.
14. Интеграл с бесконечным промежутком интегрирования (первого рода).
15. Интеграл от разрывной функции (второго рода). Определения, геометрический смысл, признаки сравнения.

Практические задания

1. Найти неопределенный интеграл $\int \frac{7x+4}{(x-3)(x+2)} dx$.
2. Найти неопределенный интеграл $\int (2x+1)e^{4x} dx$.
3. Найти неопределенный интеграл $\int 2x e^{-x^2} dx$
4. Вычислить определенный интеграл $\int_2^3 x \ln(x) dx$.
5. Вычислить интеграл или доказать его расходимость $\int_{e^2}^{\infty} \frac{dx}{x\sqrt{\ln x}}$.

АННОТАЦИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина «Математика» является частью базового цикла дисциплин учебного плана по направлению подготовки «Государственное и муниципальное управление». Дисциплина «Математика» реализуется на факультете Управления кафедрой Моделирования в экономике и управлении.

Цель дисциплины: подготовка обучающихся к использованию в своей практической деятельности возможностей вычислительной техники, современных математических методов; умению выбирать наиболее подходящий математический инструментарий; умению не только принимать решения, но и обосновывать их правильность и оптимальность.

Задачи:

- изучение основ математического аппарата;
- выработка навыков решения типовых математических задач;
- развитие логического и алгоритмического мышления, умение строго излагать свои мысли;
- выработка навыков математического исследования теоретических и практических задач управления и теории систем;
- сформировать умение выбирать математический инструментарий для построения моделей экономических процессов, анализировать результаты расчетов и обосновывать полученные выводы.

Дисциплина направлена на формирование профессиональной компетенции ОК 7:

- способность к самоорганизации и самообразованию (ОК-7).

В результате освоения дисциплины обучающийся должен:

Знать:

- основы математических методов в объеме, необходимом для решения задач управления;

Уметь:

- решать типовые математические задачи, а также применять полученные знания к исследованию прикладных задач экономики и управления;

Владеть:

навыками применения современного математического инструментария для решения задач управления; методикой построения, анализа и применения математических моделей для оценки состояния и прогноза развития экономических явлений и процессов управления.

По дисциплине предусмотрена промежуточная аттестация в форме зачета семестрах.

Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет 5 зачетные единицы.

ЛИСТ ИЗМЕНЕНИЙ

№	Текст актуализации или прилагаемый к РПД документ, содержащий изменения	Дата	№ протокола
1	Обновлена основная и дополнительная литература	27.06.2017	10
2	Приложение №1		
3	Обновлена основная и дополнительная литература	25.06.2018	10
4	Приложение №2		
5	Обновлена основная и дополнительная литература	28.08.2019	1
6	Обновлен раздел «Структура дисциплины» в соответствии с учебным планом		
7	Приложение №3	04.06.2020	10

Состав программного обеспечения (ПО), современных профессиональных баз данных (БД) и информационно-справочных систем (ИСС) (2017 г.)

1. Перечень ПО

Таблица 1

№п/п	Наименование ПО	Производитель	Способ распространения (лицензионное или свободно распространяемое)
1	Microsoft Office 2010	Microsoft	лицензионное
2	Windows 7 Pro	Microsoft	лицензионное
3	Microsoft Share Point 2010	Microsoft	лицензионное
4	Microsoft Office 2013	Microsoft	лицензионное
5	Kaspersky Endpoint Security	Kaspersky	лицензионное

2. Перечень БД и ИСС

Таблица 2

№п/п	Наименование
	Международные реферативные наукометрические БД, доступные в рамках национальной подписки в 2017 г. Web of Science Scopus
	Профессиональные полнотекстовые БД, доступные в рамках национальной подписки в 2017 г. Журналы Oxford University Press ProQuest Dissertation & Theses Global SAGE Journals Журналы Taylor and Francis
	Профессиональные полнотекстовые БД JSTOR Издания по общественным и гуманитарным наукам
	Компьютерные справочные правовые системы Консультант Плюс, Гарант

Состав программного обеспечения (ПО), современных профессиональных баз данных (БД) и информационно-справочных систем (ИСС) (2018 г.)

1. Перечень ПО

Таблица 1

№п/п	Наименование ПО	Производитель	Способ распространения (лицензионное или свободно распространяемое)
1	Microsoft Office 2010	Microsoft	лицензионное
2	Windows 7 Pro	Microsoft	лицензионное
3	Microsoft Share Point 2010	Microsoft	лицензионное
4	Microsoft Office 2013	Microsoft	лицензионное
5	Windows 10 Pro	Microsoft	лицензионное
6	Kaspersky Endpoint Security	Kaspersky	лицензионное

2. Перечень БД и ИСС

Таблица 2

№п/п	Наименование
	Международные реферативные наукометрические БД, доступные в рамках национальной подписки в 2018 г. Web of Science Scopus
	Профессиональные полнотекстовые БД, доступные в рамках национальной подписки в 2018 г. Журналы Cambridge University Press ProQuest Dissertation & Theses Global SAGE Journals Журналы Taylor and Francis Электронные издания издательства Springer
	Профессиональные полнотекстовые БД JSTOR Издания по общественным и гуманитарным наукам
	Компьютерные справочные правовые системы Консультант Плюс, Гарант

1. Перечень БД и ИСС (2020 г.)*Таблица 1*

№п /п	Наименование
1	Международные реферативные наукометрические БД, доступные в рамках национальной подписки в 2020 г. Web of Science Scopus
2	Профессиональные полнотекстовые БД, доступные в рамках национальной подписки в 2020 г. Журналы Cambridge University Press ProQuest Dissertation & Theses Global SAGE Journals Журналы Taylor and Francis
3	Профессиональные полнотекстовые БД JSTOR Издания по общественным и гуманитарным наукам Электронная библиотека Grebennikon.ru
4	Компьютерные справочные правовые системы Консультант Плюс, Гарант

2. Состав программного обеспечения (ПО) (2020 г.)*Таблица 2*

№п /п	Наименование ПО	Производитель	Способ распространения (лицензионное или свободно распространяемое)
1	Adobe Master Collection CS4	Adobe	лицензионное
2	Microsoft Office 2010	Microsoft	лицензионное
3	Windows 7 Pro	Microsoft	лицензионное
4	AutoCAD 2010 Student	Autodesk	свободно распространяемое
5	Archicad 21 Rus Student	Graphisoft	свободно распространяемое
6	SPSS Statistics 22	IBM	лицензионное
7	Microsoft Share Point 2010	Microsoft	лицензионное
8	SPSS Statistics 25	IBM	лицензионное
9	Microsoft Office 2013	Microsoft	лицензионное
10	ОС «Альт Образование» 8	ООО «Базальт СПО	лицензионное
11	Microsoft Office 2013	Microsoft	лицензионное
12	Windows 10 Pro	Microsoft	лицензионное
13	Kaspersky Endpoint Security	Kaspersky	лицензионное
14	Microsoft Office 2016	Microsoft	лицензионное
15	Visual Studio 2019	Microsoft	лицензионное
16	Adobe Creative Cloud	Adobe	лицензионное

17	Zoom	Zoom	лицензионное
----	------	------	--------------

3. Структура дисциплины

Структура дисциплины Математика часть1. «Линейная алгебра»

Структура дисциплины Математика часть1. «Линейная алгебра» для очной формы обучения

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5 з. е., 190 ч., в том числе контактная работа обучающихся с преподавателем 70 ч., самостоятельная работа обучающихся 102 ч.

№ п/п	Раздел дисциплины/темы	Семестр	Виды учебной работы (в часах)						Формы текущего контроля успеваемости, форма промежуточной аттестации (<i>по семестрам</i>)
			контактная					Самостоятель- ная работа	
			Лекции	Семинар	Практические занятия	Лабораторные занятия	Промежуточ- ная аттестация		
1	Системы линейных уравнений. Метод Гаусса.	2	1	4				12	Разбор и решение задач по теме.
2	Матрицы. Операции над матрицами.	2	2	4				12	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
3	Определитель матрицы. Миноры. Алгебраические дополнения.	2	2	4				12	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
4	Обратные матрицы. Метод Крамера	2	2	4				12	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий. Контрольная работа №1
5	Ранг матрицы.	2	2	4				12	Разбор и решение задач по теме. Проверка

								выполнения домашних заданий.
6	Общий метод решения системы линейных уравнений.	2	2	6			12	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий. Контрольная работа №2
7	Элементы Аналитической Геометрии.	3	2	2			6	Разбор и решение задач по теме.
8	Элементы векторной алгебры	3	3	3			6	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
9	Линейные векторные пространства.	3	3	3			6	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
10	Линейные операторы	3	3	3			6	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
11	Собственные числа и собственные векторы	3	3	3			6	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий Контрольная работа №3
	<i>Экзамен</i>					18		Итоговая контрольная работа; Коллоквиум по теоретическому материалу.
	итого:		30	40			102	

Структура дисциплины Математика часть 1. «Линейная алгебра» для очной – заочной формы обучения

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5 з. е., 190 ч., в том числе контактная работа обучающихся с преподавателем 40 ч., самостоятельная работа обучающихся 132 ч.

№ п/п	Раздел дисциплины/темы	Семестр	Виды учебной работы (в часах)						Формы текущего контроля успеваемости, форма промежуточной аттестации (по семестрам)
			контактная					Самостоятель- ная работа	
			Лекции	Семинар	Практические занятия	Лабораторные занятия	Промежуточ- ная аттестация		
1	Системы линейных уравнений. Метод Гаусса.	2	1	4				15	Разбор и решение задач по теме.
2	Матрицы. Операции над матрицами.	2	1	4				15	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
3	Определитель матрицы. Миноры. Алгебраические дополнения.	2	1	4				15	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
4	Обратные матрицы. Метод Крамера	2	1	4				15	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий. Контрольная работа №1
5	Ранг матрицы.	2	2	4				15	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
6	Общий метод решения системы линейных	2	2	6				15	Разбор и решение задач

	уравнений.							по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
7	Элементы Аналитической Геометрии.	3	2	6			21	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
8	Элементы векторной алгебры	3	2	6			21	Разбор и решение задач по теме. Итоговая контрольная работа №2.
	Экзамен						18	Итоговая контрольная работа; Коллоквиум по теоретическому материалу.
	итого:		12	28			132	

Структура дисциплины Математика часть1. «Линейная алгебра» для заочной формы обучения

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5 з. е., 190 ч., в том числе контактная работа обучающихся с преподавателем 20 ч., самостоятельная работа обучающихся 161 ч.

№ п/п	Раздел дисциплины/темы	Семестр	Виды учебной работы (в часах)					Самостоятель- ная работа	Формы текущего контроля успеваемости, форма промежуточной аттестации (по семестрам)
			контактная						
			Лекции	Семинар	Практические занятия	Лабораторные занятия	Промежуточ- ная аттестация		
1	Системы линейных уравнений. Метод Гаусса.	1	4					34	Разбор и решение задач по теме.
2	Матрицы. Операции над матрицами.	2	2	2				34	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
3	Определитель матрицы.	2	2					34	Разбор и

	Миноры. Алгебраические дополнения.			2					решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий
4	Обратные матрицы. Метод Крамера	3	0,5	2				11	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий. Контрольная работа №1
5	Ранг матрицы.	3	0,5	1				12	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
6	Общий метод решения системы линейных уравнений.	3	0,5	1				12	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
7	Элементы Аналитической Геометрии.	3	0,5	1				12	Разбор и решение задач по теме. Проверка выполнения домашних заданий.
8	Элементы векторной алгебры	3		1				12	Разбор и решение задач по теме. Итоговая контрольная работа №2.
	Экзамен						9	12	Итоговая контрольная работа; Коллоквиум по теоретическому материалу.
	итого:		10	10			9	161	