

МИНОБРНАУКИ РОССИИ



Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«**Российский государственный гуманитарный университет**»
(**ФГБОУ ВО «РГГУ»**)

ОТДЕЛЕНИЕ ИНТЕЛЛЕКТУАЛЬНЫХ СИСТЕМ В ГУМАНИТАРНОЙ СФЕРЕ
Кафедра математики, логики и интеллектуальных систем в гуманитарной сфере

ДИСКРЕТНАЯ МАТЕМАТИКА

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

45.03.04 Интеллектуальные системы в гуманитарной сфере

Разработка и программирование интеллектуальных систем
Уровень квалификации выпускника: бакалавр

Форма обучения очная

РПД адаптирована для лиц
с ограниченными возможностями
здоровья и инвалидов

Москва 2019, 2020

Дискретная математика
Рабочая программа дисциплины
Составитель:
Кандидат физико-математических наук, доцент
Е.А. Ефимова

.....

УТВЕРЖДЕНО
Протокол заседания кафедры МЛиИС
№ 7 от 10.06.2019

ОГЛАВЛЕНИЕ

1. Пояснительная записка

1.1 Цель и задачи дисциплины

1.2. Формируемые компетенции, соотнесённые с планируемыми результатами обучения по дисциплине

1.3. Место дисциплины в структуре образовательной программы

2. Структура дисциплины

3. Содержание дисциплины

4. Образовательные технологии

5. Оценка планируемых результатов обучения

5.1. Система оценивания

5.2. Критерии выставления оценок

5.3. Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

6.1. Список источников и литературы

6.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины

8. Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

9. Методические материалы

9.1. Планы семинарских занятий

9.2. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Приложения

Приложение 1. Аннотация дисциплины

Приложение 2. Лист изменений

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

1. Пояснительная записка

1.1. Цели и задачи дисциплины

Цель дисциплины: подготовка специалиста, знающего основные понятия теории графов, владеющего основными методами анализа графов, а также основными методами и алгоритмами решения задач на графах.

Задачи дисциплины:

- знакомство с основными понятиями теории графов, необходимых специалисту в области программирования и разработки информационных и интеллектуальных систем;
- изучение связности и достижимости в ориентированных и неориентированных графах;
- изучение методов исследования свойств графов;
- знакомство с матричным анализом графов;
- изучение пространства циклов и пространства разрезов графа;
- изучение алгоритмов решения задач оптимизации на графах, необходимых специалисту в области программирования и разработки информационных и интеллектуальных систем.

1.2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

Компетенция (код и наименование)	Индикаторы компетенций (код и наименование)	Результаты обучения
ОПК-1. Способен использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности, применять методы математического анализа, логики и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в информатике, лингвистике и гуманитарных науках	ОПК-1.1. Способен использовать основы математического анализа, логики и математического моделирования.	Знать: основные понятия теории графов; понятия связности в неориентированных графах и виды связности в ориентированных графах; понятия эйлера и гамильтонова графа; свойства ациклических графов, деревьев, планарных графов и двудольных графов, знаковых графов; понятие раскраски графа и хроматического числа графа Уметь: строить матрицу смежности и матрицу инцидентности графа; находить компоненты связности неориентированного графа; строить граф конденсации для ориентированного графа;
	ОПК -1.2. Способен использовать математические методы для построения моделей в информатике, лингвистике и некоторых гуманитарных дисциплинах.	

	<p>ОПК- 1.3. Владеет методами теоретического и экспериментального исследования в информатике</p>	<p>выполнять топологическую сортировку вершин ациклического графа; находить центры деревьев; строить матрицу Кирхгофа и определять количество остовных деревьев по матрице Кирхгофа; определять, является ли граф двудольным; применять теорему Харари для определения сбалансированности графа; находить раскраски графа с помощью приближенным методов Владеть: алгоритмом поиска эйлера цикла; алгоритмами поиска остовных деревьев графа; методами поиска всех минимальных внешне устойчивых множеств; поиска всех минимальных вершинных покрытий и максимальных независимых множеств; методами поиска всех оптимальных раскрасок графа</p>
<p>ОПК-2 Способен получать знания в области современных проблем науки, техники и технологии информатики, гуманитарных, лингвистических, и социальных наук</p>	<p>ОПК 2.1. Знает методы доступа к информационным ресурсам.</p>	<p>Знать: матричные методы анализа графов; понятия пространства циклов и пространства разрезов графа; формулировки и методы решения задач оптимизации на графах Уметь: находить матрицу достижимости методом возведения в степень; находить матрицу достижимости с помощью алгоритма Уоршола; находить матрицу количества путей между вершинами; находить цикломатическое число графа и ранг графа; строить базис пространства циклов и базис пространства разрезов графа Владеть: алгоритмами поиска минимального остова графа; алгоритмами поиска</p>
	<p>ОПК 2.2. Пользуется современными справочными и библиотечными системами и системами дистанционного образования.</p>	

	ОПК 2.3. Имеет практический опыт работы с поисковыми машинами, справочными и библиотечными системами и системами дистанционного образования.	кратчайших путей между вершинами графа; методом решения задачи об оптимальном планировании работ; методом поиска максимального потока в сети; методами поиска максимального паросочетания в двудольном графе
--	--	--

1.3. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы

Дисциплина «Дискретная математика» относится к обязательной части, формируемой участниками образовательных отношений базовой части блока дисциплин учебного плана.

Для освоения дисциплины необходимы знания, умения и владения, сформированные в ходе изучения следующих дисциплин и прохождения практик:

- знание основных понятий математической логики и алгебры;
- умение использовать методы математической логики;
- владение основными методами линейной алгебры.

В результате освоения дисциплины формируются знания, умения и владения, необходимые для изучения следующих дисциплин и прохождения практик: логическое программирование, интеллектуальные системы, базы данных, интеллектуальный анализ данных и машинное обучение, введение в робототехнику.

2. Структура дисциплины

Структура дисциплины для очной формы обучения

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 з.е., 144 ч., в том числе контактная работа обучающихся с преподавателем 56 ч., промежуточная аттестация 2 ч., самостоятельная работа обучающихся 88 ч.

№ п/п	Раздел дисциплины/темы	Се м е ст р	Виды учебной работы (в часах)					Са мо сто яте ль ная ра бота	Формы текущего контроля успеваемости, форма промежуточной аттестации
			контактная						
			Лек ции	Се ми нар	Пр ак ти че ск ие за ня тия	Лабо ратор ные за ня тия	Пром ежуто ч-ная аттест ация		
1	Основные понятия теории графов	3	6	6				22	Оценка выполнения

									практических заданий
2	Достижимость в графах	3	8	8				22	Оценка выполнения практических заданий Контрольная работа
3	Остовы графа. Основные свойства графов	3	6	6				22	Оценка выполнения практических заданий
4	Задачи оптимизации на графах. Устойчивость	3	8	8				32	Оценка выполнения практических заданий
	Зачет	3						2	Итоговая работа
	Итого		28	28				2	88

3. Содержание дисциплины

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела
1	Основные понятия теории графов	Понятие ориентированного и неориентированного графов. Частичные графы, подграфы и полные графы. Изоморфизм графов. Степени вершин. Матрица смежности и матрица инцидентности графа. Теоретико-множественные операции над графами.
2	Достижимость в графах	Связность и достижимость в неориентированных графах. Виды связности в ориентированном графе. Компоненты связности неориентированного графа и компоненты сильной связности ориентированного графа. Эйлеров цикл и гамильтонов цикл. Ациклические ориентированные графы и топологическая сортировка. Матрица количества путей графа. Матрица достижимости графа. Алгоритм Уоршола вычисления матрицы достижимости графа.
3	Остовы графа. Основные свойства графов	Деревья, свойства деревьев. Кодирование и декодирование деревьев по методу Прюфера. Количество помеченных деревьев с n вершинами. Остов графа и его хорды. Алгоритмы поиска остовных деревьев методами в глубину и в ширину. Матрица Кирхгофа и количество остовных деревьев связного графа. Векторное пространство частичных графов. Пространство циклов графа. Цикломатическое число графа и его ранг. Евклидово пространство частичных графов. Пространство разрезов графа. Методы поиска базиса пространства циклов и базиса пространства разрезов графа. Двудольные графы. Критерий двудольности графа.

		Знаковые графы, теорема Харари. Планарные графы, теорема Эйлера.
4	Задачи оптимизации на графах. Устойчивость	Нагруженные графы. Алгоритмы Крускала и Прима поиска минимальных остовов графа. Алгоритм Дейкстры построения дерева кратчайших путей. Алгоритм Флойда-Уоршола поиска кратчайших путей между всеми парами вершин графа. Постановка и методы решения задачи о планировании работ. Метод Форда-Фалкерсона решения задачи о максимальном потоке в сети. Задача о максимальном паросочетании в двудольном графе и методы ее решения. Раскраска графа. Хроматическое число графа. Внешняя и внутренняя устойчивость

4. Образовательные технологии

№ п/п	Наименование раздела	Виды учебной работы	Образовательные технологии
1	2	3	4
1	Основные понятия теории графов	Лекции 1-3. Семинар 1 Семинар 2 Семинар 3	Проблемная лекция. Обсуждение теоретического материала. Практикум по решению задач. Обсуждение теоретического материала. Практикум по решению задач. Обсуждение теоретического материала. Практикум по решению задач.
2	Достижимость в графах	Лекция 4-7 Семинар 4 Семинар 5 Семинар 6 Семинар 7	Проблемная лекция. Обсуждение теоретического материала. Практикум по решению задач. Обсуждение теоретического материала. Практикум по решению задач. Обсуждение теоретического материала. Практикум по решению задач.
3	Остовы графа. Основные свойства графов	Лекция 8-10 Семинар 8	Проблемная лекция.

		Семинар 9 Семинар 10	Обсуждение теоретического материала. Практикум по решению задач. Обсуждение теоретического материала. Практикум по решению задач. Обсуждение теоретического материала. Практикум по решению задач.
4	Задачи оптимизации на графах. Устойчивость	Лекция 11-14 Семинар 11 Семинар 12 Семинар 13 Семинар 14	Проблемная лекция. Обсуждение теоретического материала. Практикум по решению задач. Обсуждение теоретического материала. Практикум по решению задач. Обсуждение теоретического материала. Практикум по решению задач. Обсуждение теоретического материала. Практикум по решению задач.

5. Оценка планируемых результатов обучения

5.1. Система оценивания

<i>Форма контроля</i>	<i>Макс. количество баллов</i>	
	<i>За одну работу</i>	<i>Всего</i>
Текущий контроль:		
• Домашнее задание	3 балла	30 баллов
• Контрольная работа	30 баллов	30 баллов
Промежуточная аттестация (зачет)		40 баллов
Итого за семестр (дисциплину)		100 баллов

Полученный совокупный результат конвертируется в традиционную шкалу оценок и в шкалу оценок Европейской системы переноса и накопления кредитов (European Credit Transfer System; далее – ECTS) в соответствии с таблицей:

100-балльная шкала	Традиционная шкала		Шкала ECTS
95 – 100	отлично	зачтено	A
83 – 94			B
68 – 82	хорошо		C
56 – 67	удовлетворительно		D
50 – 55			E
20 – 49	неудовлетворительно	не зачтено	FX
0 – 19			F

5.2. Критерии выставления оценки по дисциплине

Баллы/ Шкала ECTS	Оценка по дисциплине	Критерии оценки результатов обучения по дисциплине
100-83/ A,B	«отлично»/ «зачтено (отлично)»/ «зачтено»	<p>Выставляется обучающемуся, если он глубоко и прочно усвоил теоретический и практический материал, может продемонстрировать это на занятиях и в ходе промежуточной аттестации.</p> <p>Обучающийся исчерпывающе и логически стройно излагает учебный материал, умеет увязывать теорию с практикой, справляется с решением задач профессиональной направленности высокого уровня сложности, правильно обосновывает принятые решения.</p> <p>Свободно ориентируется в учебной и профессиональной литературе.</p> <p>Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации.</p> <p>Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – «высокий».</p>
82-68/ C	«хорошо»/ «зачтено (хорошо)»/ «зачтено»	<p>Выставляется обучающемуся, если он знает теоретический и практический материал, грамотно и по- существу излагает его на занятиях и в ходе промежуточной аттестации, не допуская существенных неточностей.</p> <p>Обучающийся правильно применяет теоретические положения при решении практических задач профессиональной направленности разного уровня сложности, владеет необходимыми для этого навыками и приёмами.</p> <p>Достаточно хорошо ориентируется в учебной и профессиональной литературе.</p>

		<p>Оценка по дисциплине выставляются обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации.</p> <p>Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – «хороший».</p>
67-50/ D,E	«удовлетворительно»/ «зачтено (удовлетворительно)»/ «зачтено»	<p>Выставляется обучающемуся, если он знает на базовом уровне теоретический и практический материал, допускает отдельные ошибки при его изложении на занятиях и в ходе промежуточной аттестации.</p> <p>Обучающийся испытывает определённые затруднения в применении теоретических положений при решении практических задач профессиональной направленности стандартного уровня сложности, владеет необходимыми для этого базовыми навыками и приёмами.</p> <p>Демонстрирует достаточный уровень знания учебной литературы по дисциплине.</p> <p>Оценка по дисциплине выставляются обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации.</p> <p>Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – «достаточный».</p>
49-0/ F,FX	«неудовлетворительно»/ не зачтено	<p>Выставляется обучающемуся, если он не знает на базовом уровне теоретический и практический материал, допускает грубые ошибки при его изложении на занятиях и в ходе промежуточной аттестации.</p> <p>Обучающийся испытывает серьёзные затруднения в применении теоретических положений при решении практических задач профессиональной направленности стандартного уровня сложности, не владеет необходимыми для этого навыками и приёмами.</p> <p>Демонстрирует фрагментарные знания учебной литературы по дисциплине.</p> <p>Оценка по дисциплине выставляются обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации.</p> <p>Компетенции на уровне «достаточный», закреплённые за дисциплиной, не сформированы.</p>

Описание показателей и критериев оценивания с учетом специфики

Текущий контроль

При оценивании выполнения домашнего задания учитываются:

- знание теоретического материала (0-3 балла);
- правильное решение упражнений (0-3 балла);
- умение объяснить решение упражнения (0-3 балла).

При оценивании контрольной работы учитывается:

- правильность решения упражнения (1-4 балла);
- количество выполненных заданий (3 балла за каждое задание);
- умение объяснить ход решения (0-2 балла).

Промежуточная аттестация (зачет)

При проведении промежуточной аттестации в третьем семестре студент должен написать и защитить итоговую работу.

При оценивании итоговой работы учитывается:

- количество выполненных заданий (1-8 баллов);
- умение объяснить решение (1-5 баллов);
- знание теоретических понятий (1-10 баллов);

5.3. Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Примеры домашних заданий

Пример 1

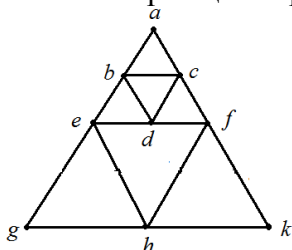
1. Найти эйлеров цикл в графе $\langle \{a, b, c, d, e, f, g, h\}, \{\{a, b\}, \{a, e\}, \{b, c\}, \{b, d\}, \{b, e\}, \{c, d\}, \{c, e\}, \{c, f\}, \{d, e\}, \{d, f\}, \{f, g\}, \{f, h\}, \{g, h\}\} \rangle$.
2. Найти граф конденсации для орграфа $\langle \{a, b, c, d, e\}, \{(a, b), (a, e), (b, c), (c, d), (c, e), (d, a)\} \rangle$.
3. Найти топологическую сортировку орграфа $\langle \{a, b, c, d, e, f\}, \{(a, b), (a, c), (a, d), (b, c), (e, d), (f, b), (f, e)\} \rangle$.
4. Найти матрицу количества путей длины 3 для графа $\langle \{a, b, c, d\}, \{\{a, b\}, \{b, c\}, \{c, d\}, \{d, a\}\} \rangle$.
5. Найти с помощью алгоритма Уоршола матрицу достижимости графа из задания 4.

Пример 2

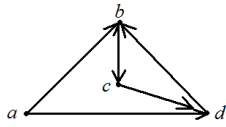
1. Построить дерево по коду Прюфера [2, 1, 7, 1, 3].
2. Найти количество остовных деревьев с помощью матрицы Кирхгофа для графа $\langle \{a, b, c, d\}, \{\{a, b\}, \{b, c\}, \{c, d\}, \{d, a\}\} \rangle$.
3. Определить, сбалансирован ли граф с вершинами $a, b, c, d, e, f, g, h, i$, содержащий положительные ребра $\{a, h\}, \{c, i\}, \{d, e\}, \{f, i\}, \{h, i\}$ и отрицательные ребра $\{a, b\}, \{b, c\}, \{b, i\}, \{c, d\}, \{d, i\}, \{e, f\}, \{f, g\}, \{g, h\}, \{g, i\}$.
4. С помощью алгоритма Крускала найти минимальное остовное дерево для графа, содержащего ребра $(a, b, 4), (a, e, 1), (b, c, 2), (b, e, 2), (c, e, 3), (d, e, 5), (f, e, 1)$.
5. Найти кратчайшие пути от вершины a до остальных вершин графа из задания 4 с помощью алгоритма Дейкстры.

Пример контрольной работы 1

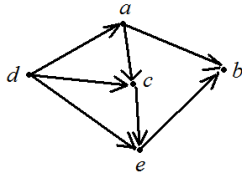
1. Найти эйлеров цикл графа:



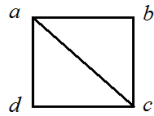
2. Найти граф конденсации орграфа:



3. Найти топологическую сортировку орграфа:



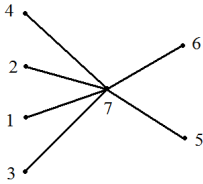
4. Найти матрицу количества путей длины 3 для графа:



5. Найти с помощью алгоритма Уоршолла матрицу достижимости графа из задания 4.

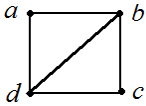
Пример контрольной работы 2

1. а) Найти код Прюфера для дерева:

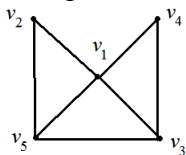


б) Построить дерево по коду Прюфера [1,1,2,8,3,3].

2. Найти с помощью матрицы Кирхгофа количество остовных деревьев в графе:

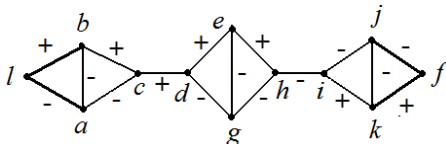


3. Построить остов и для него базисы пространств циклов и разрезов для графа:



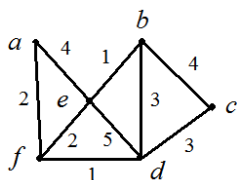
4. Найти то же с помощью матрицы инцидентности (см. задание 4).

5. Определить, сбалансирован ли граф:

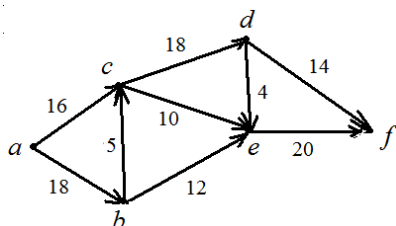


Пример итоговой работы

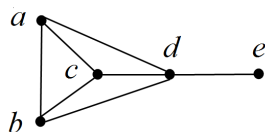
1. С помощью алгоритма Крускала найти минимальное остовное дерево для графа:



2. Найти кратчайшие пути от вершины a до остальных вершин графа из задания 1 с помощью алгоритма Дейкстры.
3. Найти матрицу кратчайших расстояний и кратчайший путь из вершины a в вершину b с помощью алгоритма Флойда-Уоршола для графа из задания 1.
4. Найти максимальный поток в сети:



5. Решить задачу о назначениях: Алевтин и Борис работают в комитетах 1, 2 и 3, Виктор работает в комитетах 1, 4, 5 и 6, Георгий работает в комитетах 3 и 7, Дмитрий работает в комитетах 3, 4 и 5, Емельян работает в комитете 7, Игнат работает в комитетах 2, 4 и 6. На предстоящем совещании каждый должен рассказать о работе одного из комитетов. Распределите комитеты так, чтобы было охвачено наибольшее их число.
6. Составить план проекта, состоящий из 5 или 6 работ. Построить для него сетевой график, определить резервы работ и критические работы. Найти оптимальное время выполнения проекта.
7. Найти все минимальные внешне устойчивые множества графа:



8. Найти все максимальные клики графа из задания 7.
9. Найти все оптимальные раскраски графа из задания 7.

Вопросы для самоконтроля

1. Основные определения теории графов. Неориентированный граф. Простой граф, мультиграф, псевдограф. Частичные графы и подграфы. Полные графы.
2. Ориентированный граф. Степень вершины. Теорема о сумме степеней вершин графа. Степени входа и степени выхода вершины орграфа. Источник и сток. Матрица смежности и матрица инцидентности (ор)графа.
3. Теоретико-множественные операции над графами: объединение, пересечение, разность графов, дополнение графа, декартово произведение графов. Изоморфизм графов.
4. Путь, цепь, простая цепь, цикл в графе. Связность и достижимость в графе. Компоненты связности. Точки сочленения. Теорема о точке сочленения. Центр, радиус, эксцентриситет и диаметр графа.
5. Эйлеровы циклы и эйлеровы графы. Теорема Эйлера. Гамильтоновы циклы. Достаточные условия существования гамильтонова цикла (без доказательства).
6. Путь, цепь, простая цепь, цикл в орграфе. Связность, сильная связность, слабая связность и односторонняя связность в орграфах. Отношение сильной связности как отношение эквивалентности. Граф конденсации. Ацикличность графа конденсации.

7. Ациклические оргграфы. Существование источника и стока в ациклическом оргграфе. Топологическая сортировка. Критерий существования топологической сортировки оргграфа.
8. Теорема о матрице количества путей в графе и ее следствия. Матричный метод поиска путей в графе.
9. Теорема о свойствах степеней суммы матрицы смежности графа и единичной матрицы и ее следствия. Построение матрицы достижимости графа методом возведения в степень.
10. Алгоритм Уоршола построения матрицы достижимости графа и его обоснование.
11. Деревья. Теорема о свойствах деревьев. Остов графа. Существование остова. Хорды остова. Цикломатическое число графа. Критерий равенства цикломатического числа нулю или единице.
12. Количество деревьев на множестве n вершин. Теорема Кэли и кодирование и декодирование деревьев по методу Прюфера.
13. Центры деревьев. Матрица Кирхгофа и теорема о количестве остовных деревьев графа (без доказательства). Алгоритмы построения остовного дерева с помощью простых циклов, а также методами поиска в глубину и в ширину.
14. Векторное пространство частичных графов. Подпространство частичных графов с четными степенями вершин.
15. Теорема о базисе пространства циклов.
16. Евклидово пространство частичных графов. Разрезы графа. Ортогональность разрезов и циклов. Теорема о базисе пространства разрезов. Ранг графа.
17. Матричные методы поиска базиса пространства циклов и базиса пространства разрезов.
18. Двудольные графы. Критерий двудольности графа. Полные двудольные графы.
19. Знаковые графы. Сбалансированность. Теорема Харари.
20. Планарные графы. Плоские графы. Теорема о количестве граней плоского графа. Формула Эйлера.
21. Доказательство непланарности графов K_5 и $K_{3,3}$. Гомеоморфные графы. Теорема Куратовского-Понтрягина (без доказательства).
22. Взвешенные (нагруженные) графы. Алгоритм Крускала построения минимального остовного дерева и его обоснование. Алгоритм Прима. Матричный алгоритм Прима.
23. Алгоритм Дейкстры поиска кратчайших путей и его обоснование.
24. Алгоритм Флойда-Уоршола и его обоснование.
25. Задача о планировании работ. Минимальное время выполнения проекта. Сетевой график. Резервы работ. Критические работы и критический путь.
26. Задача о максимальном потоке. Поток и его свойства. Сечения.
27. Увеличивающие цепи и алгоритм их поиска. Метод Форда-Фалкерсона поиска максимального потока и его обоснование.
28. Задача о максимальном паросочетании в двудольном графе и методы ее решения.
29. Внутренняя и внешняя устойчивость. Клика. Вершинное покрытие. Критерии независимости множества вершин. Число внутренней устойчивости, число вершинного покрытия и соотношение между ними. Методы поиска минимальных внешне устойчивых множеств, минимальных вершинных покрытий и максимальных клик.
30. Раскраска графа. Хроматическое число графа. Бихроматические графы. Оценки хроматических чисел графов. Теорема Брукса (вторая часть – без доказательства). Раскраска плоского графа. Поиск оптимальных раскрасок графа.

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

6.1. Список источников и литературы

а) Основная литература

1. Андерсон Дж. А. Дискретная математика и комбинаторика / Джеймс А. Андерсон; пер. с англ. – М., СПб.: «Диалектика», 2020. – 960 с.
2. Кузнецов О. П. Дискретная математика для инженера. – СПб.: Издательство «Лань», 2009. – 400 с.
3. Харари Ф. Теория графов – М.: «ЛЕНАНД», 2018. – 298 с.
4. Куликов В.В. Дискретная математика: Учебное пособие. - М.: РИОР, 2007. - 174 с.: 60x90 1/16. - (Высшее образование). (переплет) ISBN 978-5-369-00205-6
<http://znanium.com/bookread2.php?book=126799>

б) Дополнительная литература

1. Асанов М.О. Дискретная математика: графы, матроиды, алгоритмы: учеб. пособие / М.О. Асанов, В.А. Баранский, В.В. Расин. – М.; Ижевск: НИЦ «Регулярная и хаотическая динамика», 2001. – 288 с.
2. Касьянов В. Н. Графы в программировании: обработка, визуализация и применение / В.Н. Касьянов, В.А. Евстигнеев. – СПб.: БХВ-Петербург, 2003. – 1104 с.
3. Кормен Т. Х. Алгоритмы: Построение и анализ / Томас Х. Кормен, Чарльз И. Лейзерсон, Рональд Л. Ривест, Клиффорд Штайн; пер. с англ. – М., СПб.: «Диалектика», 2020. – 1323 с.
4. Редькин Н.П. Дискретная математика. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2009. - 264 с.: 60x90 1/16. (переплет) ISBN 978-5-9221-1093-8
<http://znanium.com/bookread2.php?book=208908>

6.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимый для освоения дисциплины

<http://www.wolframalpha.com>

Перечень БД и ИСС

№п /п	Наименование
1	Международные реферативные наукометрические БД, доступные в рамках национальной подписки в 2019 г. Web of Science Scopus
2	Профессиональные полнотекстовые БД, доступные в рамках национальной подписки в 2019 г. Журналы Cambridge University Press ProQuest Dissertation & Theses Global SAGE Journals Журналы Taylor and Francis
3	Профессиональные полнотекстовые БД JSTOR Издания по общественным и гуманитарным наукам Электронная библиотека Grebennikon.ru

4	Компьютерные справочные правовые системы Консультант Плюс, Гарант
---	---

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Для осуществления образовательного процесса по дисциплине необходим учебный класс с доской.

1. Перечень ПО

№п /п	Наименование ПО	Производитель	Способ распространения (лицензионное или свободно распространяемое)
1	Adobe Master Collection CS4	Adobe	лицензионное
2	ОС «Альт Образование» 8	ООО «Базальт СПО	лицензионное
3	Windows 10 Pro	Microsoft	лицензионное
4	Kaspersky Endpoint Security	Kaspersky	лицензионное
5	Microsoft Office 2016	Microsoft	лицензионное

8. Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

В ходе реализации дисциплины используются следующие дополнительные методы обучения, текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся в зависимости от их индивидуальных особенностей:

- для слепых и слабовидящих:
 - лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением;
 - письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением, или могут быть заменены устным ответом;
 - обеспечивается индивидуальное равномерное освещение не менее 300 люкс;
 - для выполнения задания при необходимости предоставляется увеличивающее устройство; возможно также использование собственных увеличивающих устройств;
 - письменные задания оформляются увеличенным шрифтом;
 - экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.
- для глухих и слабослышащих:
 - лекции оформляются в виде электронного документа, либо предоставляется звукоусиливающая аппаратура индивидуального пользования;
 - письменные задания выполняются на компьютере в письменной форме;
 - экзамен и зачёт проводятся в письменной форме на компьютере; возможно проведение в форме тестирования.
- для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:
 - лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением;

- письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением;
- экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.

При необходимости предусматривается увеличение времени для подготовки ответа.

Процедура проведения промежуточной аттестации для обучающихся устанавливается с учётом их индивидуальных психофизических особенностей. Промежуточная аттестация может проводиться в несколько этапов.

При проведении процедуры оценивания результатов обучения предусматривается использование технических средств, необходимых в связи с индивидуальными особенностями обучающихся. Эти средства могут быть предоставлены университетом, или могут использоваться собственные технические средства.

Проведение процедуры оценивания результатов обучения допускается с использованием дистанционных образовательных технологий.

Обеспечивается доступ к информационным и библиографическим ресурсам в сети Интернет для каждого обучающегося в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

- для слепых и слабовидящих:
 - в печатной форме увеличенным шрифтом;
 - в форме электронного документа;
 - в форме аудиофайла.
- для глухих и слабослышащих:
 - в печатной форме;
 - в форме электронного документа.
- для обучающихся с нарушениями опорно-двигательного аппарата:
 - в печатной форме;
 - в форме электронного документа;
 - в форме аудиофайла.

Учебные аудитории для всех видов контактной и самостоятельной работы, научная библиотека и иные помещения для обучения оснащены специальным оборудованием и учебными местами с техническими средствами обучения:

- для слепых и слабовидящих:
 - устройством для сканирования и чтения с камерой SARA CE;
 - дисплеем Брайля PAC Mate 20;
 - принтером Брайля EmBraille ViewPlus;
- для глухих и слабослышащих:
 - автоматизированным рабочим местом для людей с нарушением слуха и слабослышащих;
 - акустический усилитель и колонки;
- для обучающихся с нарушениями опорно-двигательного аппарата:
 - передвижными, регулируемые эргономическими партами СИ-1;
 - компьютерной техникой со специальным программным обеспечением.

9 Методические материалы

9.1 Планы семинарских занятий. Методические указания по организации и проведению

Тема 1 (6 ч) Основные понятия теории графов

Цель занятия: изучить основные понятия теории графов, научиться использовать матрицы смежности и инцидентности

Форма проведения – обсуждение, решение упражнений

Вопросы для обсуждения

1. Ориентированный граф.
2. Неориентированный граф.
3. Примеры частичных графов, подграфов и полных графов.
4. Матрица смежности.
5. Матрица инцидентности.
6. Степени вершин графа.

Контрольные вопросы

1. Построение матрицы смежности и матрицы инцидентности графа.
2. Построение изоморфизма графов.
3. Объединение, пересечение, разность и декартово произведение графов.
4. Примеры полных и полных двудольных графов.
5. Построение n-валентных графов.

Список источников и литературы:

1. Кузнецов О. П. Дискретная математика для инженера (с. 91-99).
2. Андерсон Дж. А. Дискретная математика и комбинаторика (с. 244-248, 250-255; с. 278-279; с. 556).

Материально-техническое обеспечение занятия: академическая аудитория с доской.

Тема 2 (8 ч) Достижимость в графах

Цель занятий: научиться использовать алгоритм поиска эйлера цикла, строить гамильтоновы циклы, граф конденсации, выполнять топологическую сортировку орграфа, изучить методы анализа графов с помощью матрицы смежности

Форма проведения – обсуждение, решение упражнений

Вопросы для обсуждения

1. Пути и циклы в неориентированных графах.
2. Виды связности в орграфе.
3. Отношение достижимости неориентированного графа.
4. Точка сочленения.
5. Компоненты сильной связности орграфа.
6. Граф конденсации.
7. Матрица количества путей графа.
8. Матрица достижимости графа.

Контрольные вопросы

1. Алгоритм поиска эйлера цикла.
2. Гамильтонов цикл.
3. Ациклические орграфы.
4. Топологическая сортировка орграфа.
5. Алгоритм Уоршола вычисления матрицы достижимости графа.

Список источников и литературы:

1. Кузнецов О. П. Дискретная математика для инженера (с. 99-103, 107-109; 103-106, 109-114).
2. Андерсон Дж. А. Дискретная математика и комбинаторика (с. 248-250; 255-256; 270-273; 280-285; 600-602).

Материально-техническое обеспечение занятия: академическая аудитория с доской.

Тема 3 (6 ч) Остовы графа. Основные свойства графов

Цель занятий: научиться использовать алгоритмы построения остовных деревьев связного графа; научиться кодировать деревья по методу Прюфера, а также восстанавливать дерево по его коду; научиться находить базис пространства циклов графа и базис пространства разрезов; изучить основные свойства графов, научиться определять, является ли знаковый граф сбалансированным

Форма проведения – обсуждение, решение упражнений

Вопросы для обсуждения

1. Понятие дерева.
2. Кодирование и декодирование деревьев по методу Прюфера.
3. Количество помеченных деревьев с n вершинами.
4. Понятие остова графа.
5. Хорды остова.
6. Алгоритмы поиска остовных деревьев методами поиска циклов, в глубину и в ширину.
7. Векторное пространство частичных графов.
8. Пространство циклов графа.
9. Цикломатическое число графа и его ранг.
10. Евклидово пространство частичных графов.
11. Пространство разрезов графа.
12. Проверка, является ли граф двудольным.
13. Проверка, является ли граф планарным.
14. Сбалансированные графы

Контрольные вопросы

1. Построить код Прюфера по дереву.
2. Восстановить дерево по коду Прюфера.
3. Определить листья дерева по коду Прюфера.
4. Найти все помеченные деревья с 4 вершинами с помощью кода Прюфера.
5. Построение матрицы Кирхгофа графа.
6. Поиск количества остовных деревьев связного графа с помощью матрицы Кирхгофа.
7. Поиск базиса пространства циклов и базиса пространства разрезов графа с помощью остова.
8. Поиск базиса пространства циклов и базиса пространства разрезов графа с помощью матрицы инцидентности.
9. Алгоритм проверки, является ли знаковый граф сбалансированным.

Список источников и литературы:

1. Кузнецов О. П. Дискретная математика для инженера (с. 114-118, 120-132).
2. Андерсон Дж. А. Дискретная математика и комбинаторика (с. 259-264; 624-626; 658-665; 669-675; 676-677).
3. Асанов М.О., Баранский В.А., Расин В.В. Дискретная математика: графы, матроиды, алгоритмы (с. 79-83).

Материально-техническое обеспечение занятия: академическая аудитория с доской.

Тема 4 (8 ч) Задачи оптимизации на графах. Устойчивость

Цель занятий: изучить методы решения задач оптимизации на графах; находить максимальные независимые множества и оптимальные раскраски графов

Форма проведения – обсуждение, решение упражнений

Вопросы для обсуждения

1. Нагруженные графы.
2. Алгоритмы Крускала и Прима поиска минимальных остовов графа.
3. Алгоритм Дейкстры построения дерева кратчайших путей.
4. Алгоритм Флойда-Уоршола поиска кратчайших путей между всеми парами вершин графа.
5. Постановка и методы решения задачи о планировании работ.
6. Метод Форда-Фалкерсона решения задачи о максимальном потоке в сети.
7. Задача о максимальном паросочетании в двудольном графе и методы ее решения.
8. «Жадный» алгоритм раскраски графа.

Контрольные вопросы

1. Найти минимальный остов графа 3 способами.
2. Построить дерево кратчайших путей из заданной вершины.
3. Применить алгоритм Флойда-Уоршола поиска кратчайших путей между всеми парами вершин графа.
4. Составить и решить задачу о планировании работ.
5. Найти максимальный поток в сети.
6. Найти максимальное паросочетание в двудольном графе.
7. Алгоритмы поиска максимальных независимых множеств графа, минимальных вершинных покрытий и максимальных клик.
8. Алгоритм поиска минимальных внешне устойчивых множеств.
9. Алгоритм поиска оптимальных раскрасок графа.

Список источников и литературы:

1. Кузнецов О. П. Дискретная математика для инженера (с. 125-126, 128-132; 126-128, 132-134; 134-137; 137-138; 138-142; 142-146; 146-150).
2. Андерсон Дж. А. Дискретная математика и комбинаторика (с. 250-251, 580- 582; 586-589; 682-689; 611-621; 691-705, 707-710).

Материально-техническое обеспечение занятия: академическая аудитория с доской.

9.2. Методические рекомендации по подготовке письменных работ

При подготовке к письменной контрольной работе и к итоговой работе необходимо:

- 1) изучить теоретический материал, который обсуждался на занятиях;
- 2) выполнить домашние задания по пройденным темам.

АННОТАЦИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина «Дискретная математика» является частью блока дисциплин учебного плана. Дисциплина реализуется кафедрой математики, логики и интеллектуальных систем в гуманитарной сфере в третьем и четвертом семестрах.

Цель дисциплины: подготовка специалиста, знающего основные понятия теории графов, владеющего основными методами анализа графов, а также основными методами и алгоритмами решения задач на графах. Задачи дисциплины: знакомство с основными понятиями теории графов, необходимых специалисту в области программирования и разработки информационных и интеллектуальных систем; изучение связности и достижимости в ориентированных и неориентированных графах; изучение методов исследования свойств графов; знакомство с матричным анализом графов; изучение пространства циклов и пространства разрезов графа; изучение алгоритмов решения задач оптимизации на графах, необходимых специалисту в области программирования и разработки информационных и интеллектуальных систем.

Дисциплина направлена на формирование следующих компетенций:

- ОПК-1. Способен использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности, применять методы математического анализа, логики и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в информатике, лингвистике и гуманитарных науках;
- ОПК-2 – Способен получать знания в области современных проблем науки, техники и технологии информатики, гуманитарных, лингвистических, и социальных наук.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен:

Знать:

- основные понятия теории графов;
- понятия связности в неориентированных графах и виды связности в ориентированных графах;
- понятия эйлера и гамильтонова графа;
- свойства ациклических графов, деревьев, планарных графов и двудольных графов;
- понятие раскраски графа и хроматического числа графа;
- матричные методы анализа графов;
- понятия пространства циклов и пространства разрезов графа;
- формулировки и методы решения задач оптимизации на графах.

Уметь:

- находить компоненты связности неориентированного графа;
- строить граф конденсации для ориентированного графа;
- выполнять топологическую сортировку вершин ациклического графа;
- находить матрицу количества путей между вершинами;
- находить матрицу достижимости с помощью алгоритма Уоршола;
- находить остовы графа;
- находить цикломатическое число графа и ранг графа;
- строить базис пространства циклов и базис пространства разрезов графа.

Владеть:

- алгоритмом нахождения эйлерова цикла графа;
- алгоритмами поиска минимального остова графа;
- алгоритмами поиска кратчайших путей между вершинами графа;
- методом решения задачи об оптимальном планировании работ;
- алгоритмом поиска максимального потока в сети;
- методами поиска максимального паросочетания в двудольном графе.
- алгоритмом поиска всех минимальных внешне устойчивых множеств;
- алгоритмом поиска всех минимальных вершинных покрытий и максимальных независимых множеств;
- алгоритмом поиска всех оптимальных раскрасок графа.

Рабочей программой предусмотрены следующие виды контроля: текущий контроль успеваемости в форме контрольных работ, промежуточная аттестация в форме зачета.

Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет 4 зачетные единицы.

ЛИСТ ИЗМЕНЕНИЙ

№	Текст актуализации или прилагаемый к РПД документ, содержащий изменения	Дата	№ протокола
1	Приложение №1	08.06.2020г	6

1. Структура дисциплины (к п. 2 РПД на 2020)

Структура дисциплины для очной формы обучения

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 з.е., 152 ч., в том числе контактная работа обучающихся с преподавателем 46 ч., промежуточная аттестация 2 ч., самостоятельная работа обучающихся 106 ч.

№ п/п	Раздел дисциплины/темы	Семестр	Виды учебной работы (в часах)					Самостоятельная работа	Формы текущего контроля успеваемости, форма промежуточной аттестации
			контактная						
			Лекции	Семинары	Практические занятия	Лабораторные занятия	Промежуточная аттестация		
1	Основные понятия теории графов	3	4	4				20	Оценка выполнения практических заданий
2	Достижимость в графах	3	4	6				24	Оценка выполнения практических заданий Контрольная работа
3	Осто́вы графа. Основные свойства графов	3	2	10				26	Оценка выполнения практических заданий
4	Задачи оптимизации на графах. Устойчивость	3	4	12				38	Оценка выполнения практических заданий
	Зачет	3					2		Итоговая работа
	Итого		14	32			2	106	

2. Образовательные технологии (к п.4 на 2020 г.)

В период временного приостановления посещения обучающимися помещений и территории РГГУ. для организации учебного процесса с применением электронного

обучения и дистанционных образовательных технологий могут быть использованы следующие образовательные технологии:

- видео-лекции;
- онлайн-лекции в режиме реального времени;
- электронные учебники, учебные пособия, научные издания в электронном виде и доступ к иным электронным образовательным ресурсам;
- системы для электронного тестирования;
- консультации с использованием телекоммуникационных средств.

3. Перечень БД и ИСС (к п. 6.2 на 2020 г.)

№ п/п	Наименование
1	Международные реферативные наукометрические БД, доступные в рамках национальной подписки в 2020 г. Web of Science Scopus
2	Профессиональные полнотекстовые БД, доступные в рамках национальной подписки в 2020 г. Журналы Cambridge University Press ProQuest Dissertation & Theses Global SAGE Journals Журналы Taylor and Francis
3	Профессиональные полнотекстовые БД JSTOR Издания по общественным и гуманитарным наукам Электронная библиотека Grebennikon.ru
4	Компьютерные справочные правовые системы Консультант Плюс, Гарант

4. Состав программного обеспечения (ПО) (к п. 7 на 2020 г.)

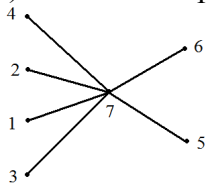
№ п/п	Наименование ПО	Производитель	Способ распространения (лицензионное или свободно распространяемое)
1	Adobe Master Collection CS4	Adobe	лицензионное
2	Microsoft Office 2010	Microsoft	лицензионное
3	Windows 7 Pro	Microsoft	лицензионное

4	AutoCAD 2010 Student	Autodesk	свободно распространяемое
5	Archicad 21 Rus Student	Graphisoft	свободно распространяемое
6	SPSS Statistics 22	IBM	лицензионное
7	Microsoft Share Point 2010	Microsoft	лицензионное
8	SPSS Statistics 25	IBM	лицензионное
9	Microsoft Office 2013	Microsoft	лицензионное
10	ОС «Альт Образование» 8	ООО «Базальт СПО	лицензионное
11	Microsoft Office 2013	Microsoft	лицензионное
12	Windows 10 Pro	Microsoft	лицензионное
13	Kaspersky Endpoint Security	Kaspersky	лицензионное
14	Microsoft Office 2016	Microsoft	лицензионное
15	Visual Studio 2019	Microsoft	лицензионное
16	Adobe Creative Cloud	Adobe	лицензионное
17	Zoom	Zoom	лицензионное

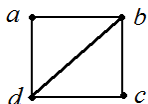
5. Изменение оценочных средств (к п. 5 РПД на 2020)

Пример контрольной работы 2

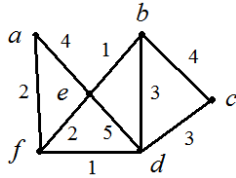
1. а) Найти код Прюфера для дерева:



- б) Построить дерево по коду Прюфера $[1,1,2,8,3,3]$.
 2. Найти с помощью матрицы Кирхгофа количество остовных деревьев в графе:



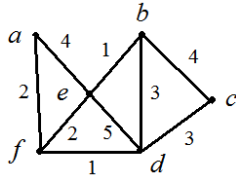
3. Определить, сбалансирован ли граф:
 4. С помощью алгоритма Крускала найти минимальное остовное дерево для графа:



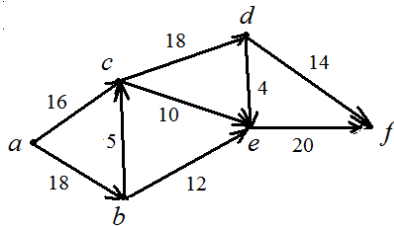
5. Найти минимальное остовное дерево для графа из задания 4 с помощью матричного алгоритма Прима.

Пример итоговой работы

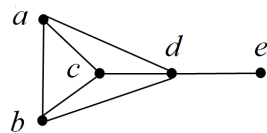
1. Найти кратчайшие пути от вершины a до остальных вершин графа с помощью алгоритма Дейкстры.



2. Найти то же с помощью матричного алгоритма Дейкстры.
3. Найти матрицу кратчайших расстояний и кратчайший путь из вершины a в вершину b с помощью алгоритма Флойда-Уоршола для графа из задания 1.
4. Найти максимальный поток в сети:



5. Решить задачу о назначениях: Алевтин и Борис работают в комитетах 1, 2 и 3, Виктор работает в комитетах 1, 4, 5 и 6, Георгий работает в комитетах 3 и 7, Дмитрий работает в комитетах 3, 4 и 5, Емельян работает в комитете 7, Игнат работает в комитетах 2, 4 и 6. На предстоящем совещании каждый должен рассказать о работе одного из комитетов. Распределите комитеты так, чтобы было охвачено наибольшее их число.
6. Составить план проекта, состоящий из 5 или 6 работ. Построить для него сетевой график, определить резервы работ и критические работы. Найти оптимальное время выполнения проекта.
7. Найти все минимальные внешне устойчивые множества графа:



8. Найти все максимальные клики графа из задания 7.
9. Найти все минимальные вершинные покрытия и максимальные независимые множества графа из задания 7.